



МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования
«Дальневосточный федеральный университет»
(ДФУ)
ИНСТИТУТ НАУКОЕМКИХ ТЕХНОЛОГИЙ И ПЕРЕДОВЫХ МАТЕРИАЛОВ

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

по дисциплине (модулю) «Самоподобие и хаотическая динамика в физических процессах»

Владивосток
2023

Перечень форм оценивания, применяемых на различных этапах формирования компетенций в ходе освоения дисциплины (модуля) «*Самоподобие и хаотическая динамика в физических процессах*»

№ п/п	Контролируемые модули/разделы/темы дисциплины	Код индикатора достижения компетенции	Результаты обучения	Оценочные средства – наименование	
				текущий контроль	промежуточная аттестация
	Тема 1	ПК-3.1 разрабатывает требования к средствам проведения эксперимента, контроля и диагностики	Знает основные стандарты, технические условия и другие нормативные документы, регламентирующие производство материалов и изделий электронной техники; последовательность контроля, проведения оценки соответствия готовых изделий различным нормативным документам; необходимые характеристики средств измерений, пригодных для проведения эксперимента, контроля и диагностики в выбранной предметной области	УО-4 дискуссия	вопросы к экзамену 1-4; УО-1 собеседование
			Умеет руководствоваться положениями стандартов, технических регламентов, регулирующих производство материалов и изделий электронной техники; определять необходимые характеристики средств измерений, пригодных для контроля и диагностики в выбранной предметной области	ПР-6 лабораторная работа	вопросы к экзамену 1-4; УО-1 собеседование
			Владет навыками использования стандартов, технических регламентов, регулирующих производство материалов и изделий электронной техники; организационными основами метрологии применительно к производству изделий микроэлектроники; навыками определения необходимых	ПР-6 лабораторная работа	вопросы к экзамену 1-4; УО-1 собеседование

			характеристик средств измерений, пригодных для контроля и диагностики в выбранной предметной области		
	Тема 2		Знает основные этапы разработки проектных материалов; различные методики проведения экспериментальных исследований в зависимости от вида задачи; способы автоматизации экспериментальных исследований; практические методики автоматизации исследования параметров полупроводниковых материалов и приборов; различные установки для измерения параметров элементов и устройств микро-, наноэлектроники	УО-4 дискуссия	вопросы к экзамену 5-8; УО-1 собеседование
		ПК-3.2 разрабатывает проектные материалы при планировании и автоматизации эксперимента в избранной области электроники и наноэлектроники	Умеет разрабатывать проектные материалы при планировании эксперимента; умеет выбирать автоматизированные установки для проведения эксперимента в соответствии с предъявляемыми требованиями; выбирать на практике методы исследования параметров и характеристик элементов и устройств микро-, наноэлектроники на различных установках с целью получения подробной и детальной информации, характеризующей объект исследования	ПР-6 лабораторная работа	вопросы к экзамену 5-8; УО-1 собеседование
			Владеет навыками составления подробных экспериментальных методик исследований для получения детальной информации об анализируемом объекте; методологией и теоретических и экспериментальных исследований в области	ПР-6 лабораторная работа	вопросы к экзамену 5-8; УО-1 собеседование

			<p>физики полупроводников и схемотехники для исследования характеристик приборов, систем, установок различного назначения; владеет навыками, позволяющими автоматизировать эксперимент, относящийся к области электроники и нанoeлектроники</p>		
	Тема 3	ПК-3.3 тестирует и проводит диагностику изделий нанoeлектроники	<p>Знает основные технические средства измерений, которыми пользуются при единичном, мелкосерийном и серийном производстве в микро- и нанoeлектронике; последовательность контроля, проведения оценки соответствия готовых изделий различным нормативным документам</p>	УО-4 дискуссия	<p>вопросы к экзамену 9-12; УО-1 собеседование</p>
			<p>Умеет использовать технические средства измерений, применяемые в серийном производстве изделий микроэлектроники; осуществлять контроль характеристик готовых изделий и их соответствие основным положениям нормативных документов</p>	ПР-6 лабораторная работа	<p>вопросы к экзамену 9-12; УО-1 собеседование</p>
			<p>Владеет набором разнообразных технических средств измерений для решения широкого спектра измерительных задач, возникающих при производстве изделий микроэлектроники; приемами и методами контроля характеристик готовых изделий и соответствия их заявленным нормам.</p>	ПР-6 лабораторная работа	<p>вопросы к экзамену 9-12; УО-1 собеседование</p>
	Тема 4	ПК-4.1 планирует основные этапы экспериментальных исследований	<p>Знает способы планирования и основные этапы эксперимента; способы обоснованного выбора методик экспериментальных исследований; способы</p>	УО-4 дискуссия	<p>вопросы к экзамену 13-16; УО-1 собеседование</p>

			<p>выбора средства измерения для решения конкретной измерительной задачи; практические методики исследования параметров полупроводниковых материалов и приборов; методы обработки результатов измерений</p>		
			<p>Умеет планировать эксперимент; выбирать методики и средства измерений для экспериментальных исследований параметров узлов электронной техники; проводить измерения различных параметров при контроле производственных процессов; самостоятельно изучать и понимать; специальную научную и методическую литературу, связанную с планированием эксперимента и отдельных его этапов при производстве изделий электронной техники</p>	<p>ПР-6 лабораторная работа; ПР-9 курсовой проект</p>	<p>вопросы к экзамену 13-16; УО-1 собеседование</p>
			<p>Владеет навыками планирования эксперимента; составления экспериментальных методик исследований; навыками выбора методики и средств измерений для экспериментальных исследований параметров материалов и приборов при производстве электронной техники; практическими способами контроля заданных параметров при решении измерительных задач в производстве электронной техники, в зависимости от типа исследуемого материала или прибора</p>	<p>ПР-6 лабораторная работа; ПР-9 курсовой проект</p>	<p>вопросы к экзамену 13-16; УО-1 собеседование</p>
	Тема 5	<p>ПК-4.2 самостоятельно проводит экспериментальные исследования, используя современные средства и методы</p>	<p>Знает основные методические инструкции и рекомендации по проведению измерений в различных условиях и обработке результатов однократных и многократных наблюдений при измерениях; знает</p>	<p>УО-4 дискуссия</p>	<p>вопросы к экзамену 17-20; УО-1 собеседование</p>

			<p>современные измерительные приборы, используемые для проведения экспериментальных исследований; знает основные методы проведения экспериментальных исследований</p>		
			<p>Умеет пользоваться соответствующими методическими инструкциями и рекомендациями при планировании и проведении измерений, при обработке результатов однократных и многократных наблюдений при измерении; пользоваться справочной литературой и технической документацией, прилагаемой к средствам измерения и контроля; умеет пользоваться современными методиками, включающими применение современных средств измерений</p>	<p>ПР-6 лабораторная работа; ПР-9 курсовой проект</p>	<p>вопросы к экзамену 17-20; УО-1 собеседование</p>
			<p>Владеет методиками выбора, построения последовательности проведения эксперимента, расчета результата, вычисления погрешностей, основываясь на методических инструкциях, рекомендациях; навыками использования технической документации на средство измерения при расчете погрешностей в условиях измерений, отличающихся от нормальных; владеет современными методами и средствами проведения экспериментальных исследований</p>	<p>ПР-6 лабораторная работа; ПР-9 курсовой проект</p>	<p>вопросы к экзамену 17-20; УО-1 собеседование</p>
	Тема 6	ПК-6.1 демонстрирует знание методов исследования поверхности	<p>Знает способы выборы методик экспериментальных исследований; устройство полупроводниковых</p>	<p>УО-4 дискуссия</p>	<p>вопросы к экзамену 21-24; УО-1 собеседование</p>

		<p>низкоразмерных структур, основных типов и параметров лабораторных установок для экспериментальных исследований</p>	<p>приборов различного назначения; разновидности устройств электроники и наноэлектроники; практические методики исследования параметров полупроводниковых материалов и приборов; современное состояние достижений, проблем и путей их решения в физике полупроводников</p>		
			<p>Умеет анализировать на основе физических законов и их следствий теоретические модели различных явлений в полупроводниках и соответствующих полупроводниковых приборов; самостоятельно изучать и понимать; специальную научную и методическую литературу, связанную с проблемами современной физики полупроводников и низкоразмерных систем; умеет выбирать типы и характеристики лабораторных установок для проведения экспериментальных исследований в соответствующей предметной области</p>	<p>ПР-6 лабораторная работа; ПР-9 курсовой проект</p>	<p>вопросы к экзамену 21-24; УО-1 собеседование</p>
			<p>Владеет способами описания различных механизмов проводимости и явлений в полупроводниках; навыками составления экспериментальных методик исследований и способами описания физико-математических моделей полупроводниковых приборов, явлений в полупроводниках и их характеристик на основе физических законов; методологией теоретических и экспериментальных исследований в области физики полупроводников для определения</p>	<p>ПР-6 лабораторная работа; ПР-9 курсовой проект</p>	<p>вопросы к экзамену 21-24; УО-1 собеседование</p>

			необходимых характеристик приборов, систем, установок различного назначения		
	Тема 7	ПК-6.2 осуществляет моделирование и практическое определение структуры и свойств материалов	<p>Знает основные физические законы, а также положения теории фракталов и динамического хаоса, пригодные для построения теоретических моделей различных явлений и эффектов, возникающих в материалах и устройствах микро- и нанoeлектроники; знает способы составления математических моделей и вычислительного моделирования для количественной оценки процессов, протекающих в материалах и устройствах микро- и нанoeлектроники; знает способы практического определения структуры и свойств материалов и устройств микро- и нанoeлектроники с применением современных методов исследования и автоматизированных средств измерения</p>	УО-4 дискуссия	вопросы к экзамену 25-28; УО-1 собеседование
			<p>Умеет определять физические законы, а также положения теории фракталов и динамического хаоса, пригодные для построения теоретических моделей различных явлений и эффектов, возникающих в материалах и устройствах микро- и нанoeлектроники; умеет составлять математические модели и проводить вычислительное моделирование для количественной оценки процессов, протекающих в материалах и устройствах микро- и нанoeлектроники; умеет определять структуру и свойства материалов и устройств микро- и нанoeлектроники с применением современных методов</p>	<p>ПР-6 лабораторная работа; ПР-9 курсовой проект</p>	вопросы к экзамену 25-28; УО-1 собеседование

			исследования и автоматизированных средств измерения		
			Владеет навыками определения физических законов и их следствий, а также положений теории фракталов и динамического хаоса, пригодных для построения теоретических моделей различных явлений и эффектов, возникающих в материалах и устройствах микро- и нанoeлектроники; владеет различными способами выбора/составления математических моделей и вычислительного моделирования для количественной оценки процессов, протекающих в материалах и устройствах микро- и нанoeлектроники; владеет навыками практического определения структуры и свойств материалов и устройств микро- и нанoeлектроники с применением современных методов исследования и автоматизированных средств измерения	ПР-6 лабораторная работа; ПР-9 курсовой проект	вопросы к экзамену 25-28; УО-1 собеседование
	Тема 8	ПК-6.3 применяет методы математического описания физических процессов, протекающих в низкоразмерных структурах	Знает основные идеи и методы теории фракталов и теории динамического хаоса для описания физических процессов; знает основные методы вычислительной физики и математического моделирования различных явлений, процессов, объектов, в том числе в области нанoeлектроники, структур пониженной размерности	УО-4 дискуссия	вопросы к экзамену 29-32; УО-1 собеседование
			Умеет использовать основные идеи и методы теории фракталов и теории динамического хаоса для описания физических процессов; умеет анализировать на основе физических законов и их следствий теоретические	ПР-6 лабораторная работа; ПР-9 курсовой проект	вопросы к экзамену 29-32; УО-1 собеседование

			<p>модели различных явлений, процессов, объектов; умеет самостоятельно изучать и понимать специальную научную и методическую литературу, связанную с вопросами вычислительного моделирования</p>		
			<p>Владеет методологией теории фракталов и теории динамического хаоса для описания физических процессов, в том числе в низкоразмерных структурах; владеет навыками составления алгоритмов для решения физико-математических задач, для моделирования различных явлений, процессов, объектов на основе физических законов; владеет навыками применения полученных знаний и результатов моделирования для решения конкретных практических задач в выбранной предметной области</p>	<p>ПР-6 лабораторная работа; ПР-9 курсовой проект</p>	<p>вопросы к экзамену 29-32; УО-1 собеседование</p>

Шкала оценки уровня достижения результатов обучения для текущей и промежуточной аттестации *по дисциплине*
«Самоподобие и хаотическая динамика в физических процессах»

Баллы (рейтинговая оценка)	Уровни достижения результатов обучения		Требования к сформированным компетенциям
	Текущая и промежуточная аттестация	Промежуточная аттестация	
100 – 86	<i>Повышенной</i>	«зачтено»/ «отлично»	Свободно и уверенно находит достоверные источники информации, оперирует предоставленной информацией, отлично владеет навыками анализа и синтеза информации, знает все основные методы решения проблем, предусмотренные учебной программой, знает типичные ошибки и возможные сложности при решении той или иной проблемы и способен выбрать и эффективно применить адекватный метод решения конкретной проблемы
85 – 76	<i>Базовый</i>	«зачтено»/ «хорошо»	В большинстве случаев способен выявить достоверные источники информации, обработать, анализировать и синтезировать предложенную информацию, выбрать метод решения проблемы и решить ее. Допускает единичные серьезные ошибки в решении проблем, испытывает сложности в редко встречающихся или сложных случаях решения проблем, не знает типичных ошибок и возможных сложностей при решении той или иной проблемы
75 – 61	<i>Пороговый</i>	«зачтено»/ «удовлетворительно»	Допускает ошибки в определении достоверности источников информации, способен правильно решать только типичные, наиболее часто встречающиеся проблемы в конкретной области (обрабатывать информацию, выбирать метод решения проблемы и решать ее)
60 – 0	<i>уровень Не достигнут</i>	«не зачтено»/ «неудовлетворительно»	Не знает значительной части программного материала, допускает существенные ошибки, неуверенно, с большими затруднениями выполняет практические работы.

Текущая аттестация по дисциплине (модулю) «Самоподобие и хаотическая динамика в физических процессах»

Текущая аттестация студентов по дисциплине «*Самоподобие и хаотическая динамика в физических процессах*» проводится в соответствии с локальными нормативными актами ДВФУ и является обязательной.

Текущая аттестация по дисциплине проводится в форме контрольных мероприятий (проведение дискуссий, выполнение лабораторных работ, курсового проекта) по оцениванию фактических результатов обучения студентов и осуществляется ведущим преподавателем.

I. Оценочные средства для текущего контроля

1. Темы для дискуссии:

1. Основы теории динамического хаоса.
2. Понятие аттрактора и фазового пространства.
3. Фрактальность сечений аттракторов.
4. Аттракторы простейших хаотических систем.
5. Электронные генераторы хаотических сигналов.
6. Поведение хаотических систем в зависимости от значений управляющих параметров.
7. Сценарии перехода к хаосу.
8. Бифуркационная диаграмма.
9. Карта динамических режимов.
10. Самоподобные случайные процессы.
11. Классификация и примеры фрактальных объектов.
12. Фракталы в задаче перколяции.
13. Способы определения фрактальной размерности.

Требования к представлению и оцениванию материалов (результатов):

Дискуссия по выбранным темам проводится в рамках лекционных и практических занятий для закрепления материала и получения навыков аргументации своего мнения. Тема для дискуссии выбирается заранее и согласовывается с преподавателем. Для подготовки к теме дискуссии можно пользоваться литературой из списка основных и дополнительных источников, а также любой доступной информацией.

Дискуссия проводится в форме 10-20-минутного диалога в начале или в конце занятия. Начало дискуссии инициирует преподаватель, излагая некоторое

утверждение. Студентам, участвующим в дискуссии, необходимо подтвердить или опровергнуть утверждение, приводя соответствующую аргументацию. В ходе дискуссии также могут затрагиваться вопросы, на которые нет прямого и однозначного ответа. В таком случае необходимо очертить круг возможных задач, вопросов и наметить возможные пути их решения.

Участие студентов в дискуссии оценивается в основном по двум показателям: корректность ответов (что характеризует знание теоретического и практического материала), а также способность аргументировать свое мнение (что характеризует способность логически мыслить и связывать материал в целостную картину).

2. Темы и содержание лабораторных работ

Лабораторная работа №1. Общие способы построения известных фракталов. Построение «пыли» Кантора, «снежинки» Коха, «салфетки» Серпинского и других фракталов (8 час.)

1. В начале занятия каждый студент выбирает один из фрактальных объектов для последующего самостоятельного построения на компьютере при помощи пакета математического моделирования. Фрактал может быть выбран как самостоятельно, так и вместе с преподавателем.

2. Далее необходимо понять преобразование, которому подвергается каждый элемент фрактала на текущей итерации.

3. Построить вручную несколько итераций (3-4) для выбранного фрактала. На каждой итерации пронумеровать узловые точки фрактала (например, слева направо).

4. Установить зависимость числа узловых точек от номера итерации и характер изменения номеров крайних точек какого-либо элемента при переходе к следующей итерации.

5. Установить, какие новые узловые точки появляются в каждом элементе при переходе к следующей итерации, какими будут их номера.

6. Запрограммировать в цикле полученные зависимости для преобразований элементов фрактала (обычно циклов два: первый – для номера итерации, второй – для прохождения по всем элементам фрактала с целью применения преобразования). Примечание: число итераций не должно быть большим (!). Для начала можно задать 4-5 итераций построения фрактала, и только после отладки работы программы это число можно плавно увеличивать.

7. Вывести результаты всех итераций на экран на одном либо на разных графиках в одном окне. Если все итерации приводятся на одном графике, то необходимо задать соответствующее вертикальное смещение во избежание наложения. Отдельно вывести итоговый результат.

8. Убедиться в том, что это действительно фрактал, при помощи инструмента масштабирования: при увеличении масштаба форма фрактала сохраняется до определенного момента (в зависимости от числа проведенных итераций).

Типовое задание №2:

Построить изображение фрактала Кантора (Канторова «пыль») для заданного числа итераций n . Не рекомендуется задавать n больше 7-8 (необоснованно возрастет время вычислений).

Типовое задание №3:

Построить изображение фрактала Коха («снежинка» Коха) для заданного числа итераций n . Не рекомендуется задавать n больше 6-7 (необоснованно возрастет время вычислений).

Типовое задание №5:

Построить изображение «ковра» Серпинского для заданного числа итераций n . Не рекомендуется задавать n больше 7-10 (необоснованно возрастет время вычислений).

Лабораторная работа №2. Анализ логистического отображения. Построение процедуры Кёнигса-Ламерея при различных значениях управляющего параметра (7 час.)

В начале занятия преподаватель дает основные теоретические сведения о логистическом отображении, описывающем динамику численности популяции, и о методике построения диаграммы Кёнигса-Ламерея.

Затем индивидуально каждому студенту или группе студентов из 2-3 человек даются значения управляющего параметра (3 значения), для которых необходимо графически (без использования численных результатов) реализовать процедуру (в тетради, при помощи художественных средств ПК или на доске).

Следствием графических способов построения являются неизбежные неточности в динамике системы, особенно вблизи точек бифуркации и других характерных точек. В результате чего возникнут противоречия между диаграммами студентов.

Необходимо обсудить возникшие противоречия и прийти к корректному результату, удовлетворяющему всех. На этапе дискуссии пользоваться вычислительными средствами анализа сценария Фейгенбаума запрещается.

После того, как результаты были обсуждены, студенты самостоятельно строят траекторию поведения системы на компьютере для всех заданных значений управляющего параметра при помощи пакета моделирования MathCAD (или аналога). Для этого необходимо:

1. Проанализировать квадратичную зависимость логистического отображения. При условии, что отображение строится в осях x_n и x_{n+1} на отрезках

от 0 до 1 (единичный квадрат), вычислить максимальную величину управляющего параметра.

2. Реализовать отображение графически на основе вычислений. Для начала необходимо понять, как строятся точки траектории в фазовом пространстве на координатах x_n и x_{n+1} . Затем необходимо установить зависимость абсциссы и ординаты соответствующей точки от одного-двух предшествующих значений. Примечание: удобнее вычислять точки парами.

3. Запрограммировать установленную зависимость и вывести траекторию системы на графике. На этом же графике показать параболу заданной амплитуды, соответствующую отображению, и прямую $x_{n+1}=x_n$.

Далее полученные результаты сверяются с истинными и делаются общие выводы.

Лабораторная работа №3. Построение и анализ бифуркационной диаграммы Фейгенбаума. Расчет универсальных констант (8 час.)

Задачи выполняются в форме компьютерного моделирования с возможностью индивидуального и группового консультирования преподавателем в процессе решения. Предварительно преподаватель дает необходимые теоретические сведения в лекционном курсе, а также непосредственно в начале практического занятия. Знакомит со средой моделирования (MathCAD или аналоги), если у студентов отсутствуют навыки работы с ней.

Типовое задание №1:

Построить бифуркационную диаграмму Фейгенбаума при следующих заданных входных параметрах:

- а) минимальное значение управляющего параметра;
- б) максимальное значение управляющего параметра;
- в) количество точек по управляющему параметру;
- г) количество циклов (итераций) отображения в каждой точке;
- д) количество отображаемых циклов в каждой точке.

Например:

- а) 3,0;
- б) 3,5;
- в) 100;
- г) 500;
- д) 50.

В результате выполнения данного задания в среде MathCAD (или аналоге) должна быть написана небольшая процедура, вычисляющая соответствующие точки бифуркационной диаграммы для заданных параметров.

Типовое задание №2:

Определить расстояние (по управляющему параметру) между m -й и n -й

(считая от нуля) точками бифуркаций с точностью 0,01.

В процессе решения необходимо с заданной точностью определить значение управляющего параметра, при котором происходит резкое изменение поведения системы (это и есть точка бифуркации).

Типовое задание №3:

Определить расстояние по ординате от m -й позиции бифуркации до каждой из двух следующих из нее точек в $(m+1)$ -й позиции (считая от нуля).

Типовое задание №4:

Определить расстояние по ординате от m -й точки бифуркации до $(m+1)$ -й и от $(m+1)$ -й до $(m+2)$ -й (считая от нуля), если двигаться по верхним ветвям бифуркационной диаграммы.

Типовое задание №5:

При каком значении управляющего параметра может наблюдаться цикл с кратностью 8?

Типовое задание №6:

Исследуя предел отношения расстояний по управляющему параметру между точками m и $(m+1)$, при $m \rightarrow \infty$, определить одно из универсальных чисел Фейгенбаума.

Примечание: для построения бифуркационной диаграммы могут использоваться результаты практического занятия №2. В дополнение к ним необходимо:

1. Понять, что каждая реализация процедуры Кёнигса-Ламерея является одним из сечений бифуркационной диаграммы. Бифуркационная диаграмма служит инструментом, позволяющим описать поведение системы при различных значениях управляющего параметра и понять, какие значения параметра необходимо выбирать для соответствующей задачи.

2. Для построения бифуркационной диаграммы необходимо задаться интервалом и шагом изменения управляющего параметра, числом итераций и числом отображаемых значений при каждом значении управляющего параметра. Например: интервал параметра 3...4, шаг 0,01, число итераций в точке 1000, из которых отображаются 100 последних значений.

3. Запрограммировать соответствующие вычисления. Вывести бифуркационную диаграмму поточечно на графике. Бифуркационная диаграмма строится в осях: абсцисса – значение управляющего параметра, ордината – асимптотические значения переменной, полученные при многократном итерировании (из которых отображаются 100 последних).

Лабораторная работа №4. Построение и анализ фрактальных аттракторов Эно и Икеды, аттрактора Лоренца-Рёсслера. Анализ влияния

шума на форму и устойчивость аттракторов (7 час.)

Вначале преподаватель разбивает группу студентов на подгруппы из нескольких человек. Каждой из них дается индивидуальное задание – построить один из странных аттракторов: Эно, Икеды, Лоренца-Рёсслера. Могут быть также заданы и другие типы хаотических систем по желанию студента при согласовании с преподавателем.

Каждая группа должна построить в пакете математического моделирования несколько вариантов аттракторов для различных сочетаний управляющих параметров, соответствующих как регулярным, квазипериодическим режимам, так и режимам с различной степенью хаотичности. Сочетания управляющих параметров могут быть как заданы преподавателем, так и выбраны самостоятельно (предварительно, до начала занятия, на основе самостоятельного изучения вопроса).

Далее, в каждый из управляющих параметров при моделировании добавляется контролируемый уровень шума. Целесообразно для простоты использовать генератор случайных чисел с равномерной плотностью – rnd. Постоянная составляющая (сам параметр) и уровень шума (среднее, ширина) выбираются таким образом, чтобы средний уровень величины параметра оставался на прежнем уровне. А полуширина интервала случайной величины выбирается равной последовательно: 10%, 25%, 50%, 75%, 100% от величины суммарного среднего (параметр+шум) значения.

Для всех значений строятся аттракторы и визуально сравниваются. Процедура проводится для всех заданных параметров. Можно также вносить шум в различные параметры одновременно в контролируемой пропорции. Также при наличии времени исследуется влияние шума на режимы с различной степенью хаотичности.

Полученные результаты обсуждаются в группе и делаются выводы о сравнительной устойчивости аттракторов различных систем при наличии шума заданной амплитуды, а также об устойчивости систем по различным параметрам.

Лабораторная работа №5. Моделирование поведения схемы Л.Чуа в программе MathCAD (или аналоге). Расчет параметров схемы для заданного режима и моделирование в программе ElectronicWorkbench (или аналоге) (7 час.)

В результате выполнения задания у каждого студента должны быть рассчитаны номиналы элементов, выбраны активные элементы, собрана рабочая схема генератора хаотических сигналов по схеме Л.Чуа в программе Electronic Workbench (Multisim).

В начале занятия преподаватель кратко описывает задание и приводит основные этапы расчета элементов схемы. Частотный диапазон генератора

каждый выбирает самостоятельно по согласованию с преподавателем, в результате чего у каждого из студентов должна быть схема с уникальными значениями параметров элементов.

Студентам предлагается реализовать нелинейный элемент схемы Чуа на конверторах отрицательных сопротивлений, собранных на операционных усилителях. При желании учащиеся могут предложить свою реализацию (обдуманную заранее, до проведения занятия).

Также в процессе работы необходимо установить интервалы значений элементов (хотя бы для одного из регулирующих элементов – какой-либо емкости, индуктивности, сопротивления), в которых наблюдаются различные режимы поведения – стационарный режим (постоянное значение), периодические колебания, хаотические аттракторы различных типов (в частности, аттрактор Double Scroll).

Лабораторная работа №6. Вычисление размерности фрактального объекта, вложенного в двумерное пространство. Построение случайных и детерминированных фракталов. Вычисление информационной размерности (8 час.)

Задачи выполняются в форме компьютерного моделирования с возможностью индивидуального и группового консультирования преподавателем в процессе решения. Предварительно преподаватель дает необходимые теоретические сведения в лекционном курсе, а также непосредственно в начале практического занятия. Знакомит со средой моделирования (MathCAD или аналоги), если у студентов отсутствуют навыки работы с ней.

Типовое задание №1:

Дано двумерное монохромное (черно-белое) изображение какого-либо фрактального объекта (пример: изображение рек, ветвь дерева, снежинка, фрактальный орнамент, облако, береговая линия, плавучие льдины, карта звездного неба и пр.). Реализовать в вычислительной среде MathCAD (или аналоге) процедуру вычисления фрактальной размерности (ограничение – либо заданная точность, либо отношение максимального и минимального масштабов рассмотрения).

Для решения задачи изображение дробится на отдельные фрагменты. Если часть объекта попадает в какой-либо фрагмент, то он считается занятым. Далее, подсчитывается число занятых фрагментов как функция от размера фрагмента. Наклон прямой, построенной в двойных логарифмических осях, и будет значением фрактальной размерности. Следует помнить, что в реальных объектах прямая получится только на достаточно ограниченном участке, что нужно учитывать при обработке результатов.

Типовое задание №2:

Построить изображение кривой «дракона» для заданного числа итераций n . Не рекомендуется задавать n больше 10-11 (необоснованно возрастет время вычислений).

Типовое задание №3:

Построить изображение «ковра» Серпинского как аттрактивного множества следующего отображения (т.н. «игра в хаос»). Вначале внутри треугольника выбирается произвольная точка. Затем случайно выбирается одна из вершин треугольника. Находится середина отрезка, образованного начальной точкой и выбранной вершиной треугольника. Эта середина является начальной точкой для второй итерации. Далее снова случайным образом выбирается вершина треугольника и процесс повторяется. Для построения достаточно «плотного» изображения необходимо провести несколько тысяч итераций.

Лабораторная работа №7. Определение спектральных характеристик хаотических и шумовых временных рядов. Идентификация вида шума. Реконструкция аттрактора по временному ряду. Вычисление фрактальных размерностей временных рядов. Использование программы fractan (8 час.)

Задачи выполняются в форме компьютерного моделирования с возможностью индивидуального и группового консультирования преподавателем в процессе решения. Предварительно преподаватель дает необходимые теоретические сведения в лекционном курсе, а также непосредственно в начале практического занятия. Знакомит со средой моделирования (MathCAD или аналоги), если у студентов отсутствуют навыки работы с ней.

Типовое задание №1:

Дана реализация шумоподобного или хаотического сигнала (например, в виде значений в форме txt-файла). Найти спектральную плотность сигнала, пользуясь известными функциями, встроенными в пакет моделирования. По форме спектра сделать соответствующие выводы о возможной природе сигнала (почти регулярный; шумовой (если шумовой, то какой тип шума); хаотический).

Типовое задание №2:

Дана реализация шумоподобного или хаотического сигнала (например, в виде значений в форме txt-файла). Выбрать фазовое пространство, провести реконструкцию аттрактора, пользуясь теоремой Рюэля-Такенса. На основе полученного аттрактора сделать выводы о природе сигнала (почти регулярный; хаотический; шумовой).

Типовое задание №3:

Дан тип шума (примеры: белый, розовый, коричневый, черный, синий, фиолетовый). Сгенерировать временную реализацию данного типа шума достаточной длины (несколько тысяч значений). Рассчитать для нее показатель Херста. Сравнить с теоретическим значением.

После решения задач и получения первичных навыков работы с временными реализациями сигналов) переходят к обсуждению.

Преподаватель дает студентам 10-20 листов, на каждом из которых отпечатана (с хорошим качеством и разрешением) реализация хаотического, шумового (с различными степенными показателями спада спектральной плотности, например, 1; 1,25; 1,5; 2; 2,25; 2,5; 2,75; 3,0) или квазипериодического сигнала.

В ходе обсуждения студентам предлагается определить, к какому классу сигналов относится данная реализация; дополнительно для хаотических – к какой из известных систем; дополнительно для шумовых – к какой величине степенного показателя спада спектральной плотности.

После обмена мнениями и согласования студенты выдвигают свои версии, а преподаватель их корректирует, сопровождая комментариями по виду реализаций и соответствующими выводами.

Требования к представлению и оцениванию материалов (результатов):

Отчеты оформляются по стандартным правилам оформления письменных работ, принятым в ДВФУ.

К представлению и оформлению отчетов по лабораторным работам предъявляются следующие требования.

Отчеты по лабораторным работам представляются в электронной форме, подготовленные как текстовые документы в редакторе MSWord.

Отчет по работе должен быть обобщающим документом, включать всю информацию по выполнению заданий, в том числе, построенные диаграммы, таблицы, приложения, список литературы и (или) расчеты, сопровождая необходимыми пояснениями и иллюстрациями в виде схем, экранных форм («скриншотов») и т.д.

Структурно отчет по лабораторной работе, как текстовый документ, комплектуется по следующей схеме:

- Титульный лист – обязательная компонента отчета, первая страница отчета, по принятой для лабораторных работ форме (титульный лист отчета должен размещаться в общем файле, где представлен текст отчета);
- Исходные данные к выполнению заданий – обязательная компонента отчета, с новой страницы, содержат указание варианта, темы и т.д.);
- Основная часть – материалы выполнения заданий, разбивается по рубрикам, соответствующих заданиям работы, с иерархической структурой: разделы – подразделы – пункты – подпункты и т.д.

Рекомендуется в основной части отчета заголовки рубрик (подрубрик)

давать, исходя из формулировок заданий, в форме отглагольных существительных;

- Выводы – обязательная компонента отчета, содержит обобщающие выводы по работе (какие задачи решены, оценка результатов, что освоено при выполнении работы);

- Список литературы – обязательная компонента отчета, с новой страницы, содержит список источников, использованных при выполнении работы, включая электронные источники (список нумерованный, в соответствии с правилами описания библиографии);

- Приложения – необязательная компонента отчета, с новой страницы, содержит дополнительные материалы к основной части отчета.

Лабораторная работа относится к категории «письменная работа», оформляется по правилам оформления письменных работ студентами ДВФУ.

Необходимо обратить внимание на следующие аспекты в оформлении отчетов работ:

- набор текста;
- структурирование работы;
- оформление заголовков всех видов (рубрик-подрубрик-пунктов-подпунктов, рисунков, таблиц, приложений);
- оформление перечислений (списков с нумерацией или маркировкой);
- оформление таблиц;
- оформление иллюстраций (графики, рисунки, фотографии, схемы, «скриншоты»);
- набор и оформление математических выражений (формул);
- оформление списков литературы (библиографических описаний) и ссылок на источники, цитирования.

Набор текста осуществляется на компьютере, в соответствии со следующими требованиями:

- печать – на одной стороне листа белой бумаги формата А4 (размер 210 на 297 мм.);
- интервал межстрочный – полуторный;
- шрифт – TimesNewRoman;
- размер шрифта - 14 пт., в том числе в заголовках (в таблицах допускается 10-12 пт.);
- выравнивание текста – «по ширине»;
- поля страницы -левое – 25-30 мм., правое – 10 мм., верхнее и нижнее – 20 мм.;

- нумерация страниц – в правом нижнем углу страницы (для страниц с книжной ориентацией), сквозная, от титульного листа до последней страницы, арабскими цифрами (первой страницей считается титульный лист, на котором номер не ставится, на следующей странице проставляется цифра «2» и т.д.).

- режим автоматического переноса слов, за исключением титульного листа и заголовков всех уровней (перенос слов для отдельного абзаца блокируется средствами MSWord с помощью команды «Формат» – абзац при выборе опции «запретить автоматический перенос слов»).

Если рисунок или таблица размещены на листе формата больше А4, их следует учитывать, как одну страницу. Номер страницы в этих случаях допускается не проставлять.

Список литературы и все приложения включаются в общую в сквозную нумерацию страниц работы.

Графические копии экрана («скриншоты»), отражающие графики, диаграммы моделей, схемы, экранные формы и т.п. должны отвечать требованиям визуальной наглядности представления иллюстративного материала, как по размерам графических объектов, так и разрешающей способности отображения текстов, цветовому оформлению и другим важным пользовательским параметрам.

Рекомендуется в среде программного приложения настроить «экран» на параметры масштабирования и размещения снимаемых для иллюстрации объектов. При этом необходимо убрать «лишние» окна, команды, выделения объектов и т.п.

В перенесенных в отчет «скриншотах» рекомендуется «срезать» ненужные области путем редактирования «изображений», а при необходимости отмасштабировать их для заполнения страницы отчета «по ширине».

«Скриншоты» в отчете оформляются как рисунки, с заголовками, помещаемыми ниже области рисунков, а в тексте должны присутствовать ссылки на указанные рисунки.

3. Задание на курсовой проект

Номер задания выбирается по последней цифре номера зачетной книжки.

1. Дано квадратичное точечное отображение вида $x_{n+1} = \lambda \cdot x_n \cdot (1 - x_n)$. Построить для него бифуркационную диаграмму. Шаг по управляющему параметру, число итераций при каждом значении параметра, а также начальное значение переменной выбрать самостоятельно. Объяснить написанный код.

2. Пользуясь одним из известных алгоритмов, построить кривую «дракона» («дракон» Хартера-Хейтуэя). Объяснить написанный код.

3. Построить фрактал Кантора (Канторова «пыль»). Объяснить написанный код. Предусмотреть модификации (в частности, регулируемые отношения отрезков и внесение случайности во фрактал).

4. Построить «ковер» Серпинского как реализацию «игры в хаос». Объяснить написанный код. Обобщить процедуру на произвольное число вершин (не только 3). Предусмотреть модификации (в частности, регулируемые «вероятности» вершин и внесение случайности во фрактал).

5. Построить «снежинку» Коха. Объяснить написанный код. Предусмотреть модификации (в частности, регулируемые отношения отрезков и внесение случайности во фрактал).

6. Построить H-фрактал. Длину вертикальных линий выбрать в два раза меньше горизонтальной. Коэффициент масштабирования при построении следующей итерации выбрать равным 0,45. Объяснить написанный код. Предусмотреть модификации (в частности, регулируемые отношения отрезков и внесение случайности во фрактал).

7. Реализовать один из алгоритмов определения фрактальной размерности заданного множества точек. Исходное множество задано массивом, в котором указаны координаты каждой точки. Приблизительно определить значение фрактальной размерности. Объяснить написанный код.

8. Для системы Лоренца-Рёсслера построить аттракторы, соответствующие различным режимам по степени хаотичности. Построить для всех режимов временные зависимости и спектры временных зависимостей. Вывести полученные результаты на экран. Объяснить полученный код.

9. Исследовать систему Чуа на наличие различных режимов работы. Подобрать значения управляющих параметров, при которых наблюдается аттрактор типа «double scroll» («двойной завиток»). Построить соответствующие аттракторы для различных режимов. Также построить соответствующие временные зависимости. Вывести полученные результаты на экран. Объяснить полученный код.

10. Создать массив отсчетов сигнала, представляющего белый шум (не обязательно гауссовский). Получить коричневый шум, проинтегрировав белый шум. Вычислить спектры шумов. Вывести кривые для всех шумов на экран. Объяснить написанный код.

В среде MATLAB (или свободно распространяемом аналоге типа SciLab) реализовать программу, выполняющую указанные действия. Для управления предусмотреть оконный интерфейс, в котором при помощи ползунков/выпадающих меню можно регулировать/задавать желаемые значения соответствующих переменных, таких как: число итераций, масштабные коэффициенты, значения управляющих параметров, различные амплитуды, фазы и

пр. В этом же окне предусмотреть вывод результатов на графике с необходимыми пояснениями для того, чтобы четко было видно влияние различных параметров на результат выполнения программы.

1. В окне управления программой должен располагаться минимум один график/одна визуализация, параметры которого регулируются элементами управления.

2. В графическом интерфейсе необходимо предусмотреть наличие элементов, обеспечивающих задание/настройку минимум трех значений переменных, влияющих на форму графика/визуализации.

Требования к представлению и оцениванию материалов (результатов):

Пояснительная записка к курсовому проекту оформляется по правилам оформления письменных работ, принятым в ДВФУ. Пояснительная записка составляется в форме описания разработанной программы и отличается, например, от курсового проекта по инженерной дисциплине. Структурно пояснительная записка содержит традиционные разделы, такие как: титульный лист, содержание, введение, основная часть, заключение, список литературы.

II. Промежуточная аттестация по дисциплине «Самоподобие и хаотическая динамика в физических процессах»

Промежуточная аттестация студентов. Промежуточная аттестация студентов по дисциплине «Самоподобие и хаотическая динамика в физических процессах» проводится в соответствии с локальными нормативными актами ДВФУ и является обязательной.

Рейтинг-план

№	Наименование контрольного мероприятия	Форма контроля	Весовой коэффициент	Максимальный балл	Минимальное требование для допуска к семестровой аттестации
1	Дискуссия	Участие в дискуссии	10	5	0
2	Лабораторные работы	Отчет по лабораторной работе	45	5	3
3	Курсовой проект	Рабочая программа, пояснительная записка	45	5	3

5	Экзамен	Тест			
---	---------	------	--	--	--

Экзамен принимается ведущим преподавателем. Форма проведения экзамена – письменный ответ на тестовые вопросы. Во время проведения экзамена студенты могут пользоваться рабочей программой дисциплины, калькуляторами. С разрешения преподавателя, проводящего экзамен, возможно использование справочной литературы, учебников, методических указаний, а в некоторых случаях и собственного конспекта лекций.

Вопросы к экзамену

Форма контроля – собеседование (УО-1)

1. Определения фрактала по Б.Мандельброту (раннее и позднее). Привести примеры естественных и искусственных фрактальных объектов.
2. Классификация фракталов (по А.Потапову), наиболее известные математические фракталы, их алгоритмы построения, размерности.
3. Размерность Хаусдорфа. Топологическая размерность составляющих фрактал элементов. Размерность пространства вложения. Примеры физических и математических фракталов различных размерностей.
4. Нарушение закономерностей евклидовой геометрии на примере фрактального «шестиугольника». Соотношение периметра и площади.
5. Задача перколяции на квадратной решетки. Задача перколяции по узлам и по связям. Фрактальность кластеров на пороге перколяции.
6. Ограниченная диффузией агрегация. Рост фрактальных ветвей.
7. Экспериментальные способы определения фрактальной размерности. Пример определения длины береговой линии.
8. Корреляционные размерности, информационные размерности. Корреляционный интеграл. Спектр размерностей Реньи.
9. Мультифрактальные множества, их характеристики.
10. Явление динамического (детерминированного) хаоса. Определения, способы описания. Характеристики нелинейных динамических систем, в которых возникают хаотические колебания.
11. Отличия хаоса от шума. Влияние начальных условий на поведение хаотической системы. Понятия фазового пространства и аттрактора.
12. Традиционные и странные аттракторы. Примеры аттракторов. Сечения Пуанкаре. Влияние шума на форму аттракторов хаотических систем.
13. Сценарий Фейгенбаума перехода к хаосу через бифуркации удвоения периода. Процедура Кёнигса-Ламерея. Бифуркационная диаграмма. Универсалии Фейгенбаума.

14. Сценарий Рюэля-Такенса перехода к хаосу через разрушение двухчастотных колебаний.
15. Сценарий Помо-Манневиля перехода к хаосу через перемежаемость.
16. Отображение Эно. Аттрактор, временные зависимости.
17. Отображение Икеды. Аттрактор, временные зависимости.
18. Система Лоренца-Рёсслера. Аттрактор, временные зависимости.
19. Осциллятор Уеды. Аттрактор, временные зависимости.
20. Осциллятор Ван-дер-Поля. Аттрактор, временные зависимости.
21. Карты динамических режимов на примере осциллятора Дуффинга.
22. Электронные генераторы хаотических колебаний и соответствующие им аттракторы на примере схемы Л.Чуа. Аттрактор типа «double scroll» («двойной завиток»).
23. Самоподобие шумов со спектральной плотностью, подчиняющейся обобщенно-гиперболическому закону. Классификация.
24. Оценка степени случайности процесса при помощи показателя Херста. Связь показателя Херста и степенного показателя спектральной плотности шума.
25. Автокорреляционные функции шумовых и хаотических сигналов. Сравнение спектральных характеристик хаотических систем в различных режимах и шумовых сигналов.
26. Фрактальные антенны. Перспективные метаматериалы. Отражение волн фрактальными поверхностями.
27. Фрактальные свойства различных сигналов. Современные методы обработки речевых сигналов, изображений. Фрактальное сжатие изображений.
28. Аддитивный белый гауссов шум. Характеристики.
29. Интегрирование белого шума. Винеровский интеграл, винеровский процесс. Коричневый шум. Характеристики.
30. Розовый шум. Черные шумы. Характеристики.
31. Дифференцирование белого шума. Синий шум. Фиолетовый шум. Характеристики.
32. Интерпретация дифференцирования и интегрирования как операций фильтрации. Характеристики данных фильтров.

Типы практических заданий

1. Дано квадратичное точечное отображение вида $x_{n+1} = \lambda \cdot x_n \cdot (1 - x_n)$. Построить траекторию отображения (реализовать процедуру Кёнигса-Ламерея) в координатах $(x_{n+1}; x_n)$ (область построения по обеим координатам - от 0 до 1). Начальное значение и величину управляющего параметра выбрать самостоятельно. Объяснить написанный код.
2. Дано квадратичное точечное отображение вида $x_{n+1} = \lambda \cdot x_n \cdot (1 - x_n)$. Построить для него бифуркационную диаграмму. Шаг по управляющему

параметру, число итераций при каждом значении параметра, а также начальное значение переменной выбрать самостоятельно. Объяснить написанный код.

3. На основании результатов выполнения задания №2 определить универсальные числа Фейгенбаума (коэффициенты масштабирования бифуркационной диаграммы по осям абсцисс и ординат). При каких значениях управляющего параметра наблюдается стационарное состояние, цикл кратности 2, 4, 8?

4. Пользуясь одним из известных алгоритмов, построить кривую «дракона» («дракон» Хартера-Хейтуэя). Объяснить написанный код.

5. Построить фрактал Кантора (Канторова «пыль»). Объяснить написанный код.

6. Построить «ковер» Серпинского как реализацию «игры в хаос». Объяснить написанный код.

7. Построить «снежинку» Коха. Объяснить написанный код.

8. Построить H-фрактал. Длину вертикальных линий выбрать в два раза меньше горизонтальной. Коэффициент масштабирования при построении следующей итерации выбрать равным 0,45. Объяснить написанный код.

9. Реализовать один из алгоритмов определения фрактальной размерности заданного множества точек. Исходное множество задано массивом, в котором указаны координаты каждой точки. Приблизительно определить значение фрактальной размерности. Объяснить написанный код.

10. Задать системы Эно и Икеды с соответствующими параметрами, при которых получаются хаотические режимы. Построить временные зависимости и аттракторы для данных систем. Вычислить спектры временных зависимостей. Вывести полученные результаты на экран. Объяснить полученный код.

11. Для системы Лоренца-Рёсслера построить аттракторы, соответствующие различным режимам по степени хаотичности. Построить для всех режимов временные зависимости и спектры временных зависимостей. Вывести полученные результаты на экран. Объяснить полученный код.

12. Исследовать систему Чуа на наличие различных режимов работы. Подобрать значения управляющих параметров, при которых наблюдается аттрактор типа «double scroll» («двойной завиток»). Построить соответствующие аттракторы для различных режимов. Также построить соответствующие временные зависимости. Вывести полученные результаты на экран. Объяснить полученный код.

13. Создать массив отсчетов сигнала, представляющего белый шум (не обязательно гауссовский). Получить коричневый шум, проинтегрировав белый шум. Вычислить спектры шумов. Вывести кривые для всех шумов на экран. Объяснить написанный код.

14. Создать массив отсчетов сигнала, представляющего белый шум (не обязательно гауссовский). Продифференцировать белый шум, получить фиолетовый шум. Вычислить спектры шумов. Вывести кривые для всех шумов на экран. Объяснить написанный код.

Оценочные средства для промежуточного контроля

Банк тестовых заданий

Вариант №1

1 Какие признаки могут быть характерны для искусственного (математического) фрактала

Бесконечное число масштабов

Идеальная повторяемость на различных масштабах

Повторяемость в среднем (схожий вид на разных масштабах)

Ограничение на диапазон масштабов (от размера атома до размера Вселенной)

Детерминированность

Стохастичность (случайность)

2 Почему некорректна традиционная постановка вопроса о длине береговой линии

Береговая линия является гладким объектом

Береговая линия имеет целочисленную размерность

Береговая линия является фрактальным объектом

Береговая линия имеет дробную размерность

Длина береговой линии зависит от выбранной меры

3 Охарактеризуйте фрактал Коха

Фрактал «извилистого» типа

Фрактал «пористого» типа

Имеет целочисленную размерность

Имеет дробную размерность

4 В итеративной процедуре построения фрактала через пару «инициатор-генератор» что называется инициатором

Преобразование, которому подвергается каждый составной элемент фрактала на каждой итерации

Гипотетический результат после бесконечного числа итераций (в пределе)

Начальную геометрическую структуру, от которой начинается построение

Число итераций процедуры

Промежуточный результат после определенного числа итераций

5 Чему равна размерность салфетки Серпинского

$\ln(2)/\ln(3)$

$\ln(3)/\ln(2)$

1

2

$\ln(3)/\ln(4)$

$\ln(4)/\ln(3)$

6 Какие утверждения справедливы для детерминированного хаоса

Является результатом воздействия случайных факторов

Является следствием строго определенной динамики сложной системы

Визуально может быть достаточно похож на шумоподобный процесс

Визуально напоминает строго детерминированное колебание

7 Какой корреляцией обладают соседние отсчеты белого шума

Положительной

Отрицательной

Степенной

Нулевой

Дельта-корреляцией

8 Какими необходимыми признаками должна обладать система, чтобы возникали хаотические незатухающие колебания

Линейность

Высокий порядок

Достаточная нелинейность

Положительная обратная связь

Отрицательная обратная связь

Первый порядок

Второй порядок

Наличие дополнительных условий (ограничений)

Внутреннее трение

9 Какие режимы характерны для генератора Чуа при различных параметрах элементов

Хаос (аттрактор «двойной завиток»)

Гармонические колебания

Расходящиеся колебания (неустойчивая система)

Все перечисленные

10 Чему равна размерность «губки» Менгера

$\ln(20)/\ln(3)$

$\ln(5)/\ln(2)$

1

$\ln(3)/\ln(2)$

2

$\ln(8)/\ln(3)$

Вариант №2

1 Какие признаки могут быть характерны для искусственного (математического) фрактала

Бесконечное число масштабов

Идеальная повторяемость на различных масштабах

Повторяемость в среднем (схожий вид на разных масштабах)

Ограничение на диапазон масштабов (от размера атома до размера Вселенной)

Детерминированность

Стохастичность (случайность)

2 Выберите утверждения, характеризующие размерность Хаусдорфа

Всегда дробная

Является показателем степени в соответствующем выражении

Может быть соотнесена с соответствующими целочисленными размерностями объектов евклидовой геометрии

Всегда целочисленная

Всегда иррациональная

3 Охарактеризуйте губку Менгера

Фрактал «извилистого» типа

Фрактал «пористого» типа

Имеет целочисленную размерность

Имеет дробную размерность

4 В итеративной процедуре построения фрактала через пару «инициатор-генератор» что называется генератором

Преобразование, которому подвергается каждый составной элемент фрактала на каждой итерации

Гипотетический результат после бесконечного числа итераций (в пределе)

Начальную геометрическую структуру, от которой начинается построение

Число итераций процедуры

Промежуточный результат после определенного числа итераций

5 Чему равна размерность фрактала Кантора

$\ln(2)/\ln(3)$

$\ln(3)/\ln(2)$

1

2

$\ln(3)/\ln(4)$

$\ln(4)/\ln(3)$

6 Какие утверждения не характерны для детерминированного хаоса

Является результатом воздействия случайных факторов

Является следствием строго определенной динамики сложной системы

Визуально может быть достаточно похож на шумоподобный процесс

Визуально напоминает строго детерминированное колебание

7 Какой корреляцией обладают соседние отсчеты коричневого шума

Положительной

Отрицательной

Степенной

Нулевой

Дельта-корреляцией

8 Какими необходимыми признаками должна обладать система, чтобы возникали хаотические затухающие колебания

Линейность

Высокий порядок

Достаточная нелинейность

Положительная обратная связь

Отрицательная обратная связь

Первый порядок

Второй порядок

Наличие дополнительных условий (ограничений)

Внутреннее трение

9 Какие режимы характерны для логистического отображения при различных значениях управляющего параметра?

Тривиальное решение (нулевое)

Стационарное состояние (постоянное асимптотическое значение)

Циклы с различной периодичностью (n-циклы, где n принимает различные значения)

Хаос

Все перечисленные

10 Чему равна размерность «ковра» Серпинского (квадратный фрактал)

$\ln(20)/\ln(3)$

$\ln(5)/\ln(2)$

1

$\ln(3)/\ln(2)$

2

$\ln(8)/\ln(3)$

$\ln(4)/\ln(3)$

Вариант №3

1 Какие признаки характерны для фрактала Кантора

Детерминированный

Случайный

С целочисленной размерностью

С дробной размерностью

Фрактал «извилистого» типа (возникают дополнительные «выступы»)
Фрактал «пористого» типа (возникают дополнительные «поры»)

2 Охарактеризуйте фрактал типа траектории броуновского движения
Имеет целочисленную размерность (т.к. заполняет плоскость с течением времени)
Размерность фрактала равна единице
Является «извилистым» фракталом
Является «пористым» фракталом
Случайный фрактал
Детерминированный фрактал

3 Если по осям откладываются мера и количество таких мер, необходимых для покрытия фрактала, то что на графике может свидетельствовать о фрактальности
Линейная зависимость в полулогарифмических осях
Линейная зависимость в логарифмических осях
Экспоненциальная зависимость в обычных осях
Степенная зависимость в обычных осях
Линейная зависимость в обычных осях

4 В итеративной процедуре построения фрактала через пару «инициатор-генератор» что называется фракталом
Преобразование, которому подвергается каждый составной элемент фрактала на каждой итерации
Гипотетический результат после бесконечного числа итераций (в пределе)
Начальную геометрическую структуру, от которой начинается построение
Число итераций процедуры
Промежуточный результат после определенного числа итераций

5 Чему равна размерность кривой Пеано
 $\ln(2)/\ln(3)$
 $\ln(3)/\ln(2)$
1
2
 $\ln(3)/\ln(4)$
 $\ln(4)/\ln(3)$

6 Какие утверждения могут быть отнесены к хаотическим системам
Чрезвычайная чувствительность к начальным условиям
Траектории, выходящие из двух близко расположенных точек, всегда остаются близки
Экспоненциальная расходимость траекторий на начальном этапе динамики
Так называемый «эффект бабочки»
Траектории системы в фазовом пространстве стремятся к аттрактору
Траектории находятся в ограниченной области фазового пространства
Аттракторы хаотических систем сложной индивидуальной формы
Состояние системы можно рассчитать заранее при помощи аналитического выражения
Состояние системы рассчитывается путем численного интегрирования или

итераций

7 Какой корреляцией обладают соседние отсчеты фиолетового шума

Положительной

Отрицательной

Степенной

Нулевой

Дельта-корреляцией

8 Какими необходимыми признаками должна обладать система, чтобы возникали гармонические затухающие колебания

Линейность

Высокий порядок

Достаточная нелинейность

Положительная обратная связь

Отрицательная обратная связь

Первый порядок

Второй порядок

Наличие дополнительных условий (ограничений)

Внутреннее трение

9 Какие режимы характерны для линейной колебательной системы 2-го порядка при положительном коэффициенте затухания (в системе есть трение) и постоянной вынуждающей силе?

Затухающие колебания

Незатухающие гармонические колебания

Расходящиеся колебания (неустойчивая система)

Стационарное состояние (постоянное значение)

Сложные колебания (наложение двух колебаний)

Все перечисленные

10 Чему равна размерность кривой «дракона» («дракон» Хартера-Хейтуэя)

$\ln(20)/\ln(3)$

$\ln(5)/\ln(2)$

1

$\ln(3)/\ln(2)$

2

$\ln(8)/\ln(3)$

$\ln(4)/\ln(3)$

Вариант №4

1 Какие признаки характерны для «салфетки» Серпинского

Детерминированный

Случайный

С целочисленной размерностью

С дробной размерностью

Фрактал «извилистого» типа (возникают дополнительные «выступы»)

Фрактал «пористого» типа (возникают дополнительные «поры»)

2 Охарактеризуйте фрактал типа кривой Пеано

Имеет целочисленную размерность (т.к. заполняет плоскость с течением времени)

Размерность фрактала равна единице

Является «извилистым» фракталом

Является «пористым» фракталом

Случайный фрактал

Детерминированный фрактал

3 Размерность фрактала больше или равна

Топологической размерности составляющих фрактал элементов

Размерности пространства вложения (в которое вложен фрактал)

Единице

Двум

4 В итеративной процедуре построения фрактала через пару «инициатор-генератор» что называется предфракталом

Преобразование, которому подвергается каждый составной элемент фрактала на каждой итерации

Гипотетический результат после бесконечного числа итераций (в пределе)

Начальную геометрическую структуру, от которой начинается построение

Число итераций процедуры

Промежуточный результат после определенного числа итераций

5 Чему равна размерность фрактала Коха

$\ln(2)/\ln(3)$

$\ln(3)/\ln(2)$

1

2

$\ln(3)/\ln(4)$

$\ln(4)/\ln(3)$

6 Какие утверждения могут быть отнесены к детерминированным системам

Чрезвычайная чувствительность к начальным условиям

Траектории, выходящие из двух близко расположенных точек, всегда остаются близки

Экспоненциальная расходимость траекторий на начальном этапе динамики

Так называемый «эффект бабочки»

Траектории системы в фазовом пространстве стремятся к аттрактору

Траектории находятся в ограниченной области фазового пространства

Аттракторы хаотических систем сложной индивидуальной формы

Состояние системы можно рассчитать заранее при помощи аналитического выражения

Состояние системы рассчитывается путем численного интегрирования или итераций

7 Какой корреляцией обладают соседние отсчеты черного шума

Положительной

Отрицательной

Степенной

Нулевой

Дельта-корреляцией

8 Какими необходимыми признаками должна обладать система, чтобы возникали гармонические незатухающие колебания

Линейность

Высокий порядок

Достаточная нелинейность

Положительная обратная связь

Отрицательная обратная связь

Первый порядок

Второй порядок

Наличие дополнительных условий (ограничений)

Внутреннее трение

9 Какие режимы характерны для линейной колебательной системы 2-го порядка при различных значениях коэффициента затухания и различном характере внешней вынуждающей силы?

Затухающие колебания

Незатухающие гармонические колебания

Расходящиеся колебания (неустойчивая система)

Стационарное состояние (постоянное значение)

Сложные колебания (наложение двух колебаний)

Все перечисленные

10 Чему равна размерность «пирамиды» Серпинского

$\ln(20)/\ln(3)$

$\ln(5)/\ln(2)$

1

$\ln(3)/\ln(2)$

2

$\ln(8)/\ln(3)$

$\ln(4)/\ln(3)$

Требования к представлению и оцениванию материалов (результатов):

Тестирование – система стандартизированных заданий, позволяющая автоматизировать процедуру измерения уровня знаний и умений обучающегося.

Тест состоит из вопросов, охватывающих различные разделы дисциплины.

Студенты получают варианты тестов одновременно в начале экзамена. На выполнение теста выделяется 40 минут. Письменные ответы также сдаются студентами одновременно по истечении времени, отведенного на подготовку и написание ответа. Далее преподаватель проверяет работы студентов и объявляет оценки.

При спорной оценке преподавателем могут быть заданы дополнительные вопросы в рамках изучаемой дисциплины. Дополнительные вопросы могут быть заданы в письменной форме, в устной форме, а также в форме практического задания.

Оценка результатов выполнения заданий оценочного средства осуществляется на основе их соотнесения с планируемыми результатами обучения по дисциплине и установленными критериями оценивания.

Примерный перечень оценочных средств (ОС)

№	Код	Наименование оценочного средства	Краткая характеристика оценочного средства	Представление оценочного средства в фонде
Устный опрос				
1	УО-1	Собеседование	Средство контроля, организованное как специальная беседа преподавателя с обучающимися на тему, связанную с изучаемой дисциплиной, и рассчитанное на выяснение объема знаний обучающегося по определенному разделу, теме, проблеме и т.п.	Вопросы по темам/разделам дисциплины
2	УО-2	Коллоквиум	Средство контроля усвоения учебного материала темы, раздела или разделов дисциплины, организованное как учебное занятие в виде собеседования преподавателя с обучающимися	Вопросы по темам/разделам дисциплины
3	УО-3	Доклад, сообщение	Продукт самостоятельной работы обучающегося, представляющий собой публичное выступление по представлению полученных результатов решения определенной учебно-практической, учебно-исследовательской или научной темы	Темы докладов, сообщений
4	УО-4	Круглый стол, дискуссия, полемика, диспут, дебаты	Оценочные средства, позволяющие включить обучающихся в процесс обсуждения спорного вопроса, проблемы и оценить их умение аргументировать собственную точку зрения	Перечень дискуссионных тем для проведения круглого стола, дискуссии, полемики, диспута, дебатов
Письменные работы				
1	ПР-1	Тест	Система стандартизированных заданий, позволяющая автоматизировать процедуру измерения уровня знаний и умений обучающегося	Фонд тестовых заданий
2	ПР-2	Контрольная работа	Средство проверки умений применять полученные знания для решения задач определенного типа по теме или разделу	Комплект контрольных заданий По вариантам

3	ПР-3	Эссе	Средство, позволяющее оценить умение обучающегося письменно изложить суть поставленной проблемы, самостоятельно проводить анализ этой проблемы с использованием концепций и аналитического инструментария соответствующей дисциплины, делать выводы, обобщающие авторскую позицию по поставленной проблеме	Тематика эссе
4	ПР-4	Реферат	Продукт самостоятельной работы обучающегося, представляющий собой краткое изложение в письменном виде полученных результатов теоретического анализа определенной научной (учебно-	Темы рефератов

			исследовательской) темы, где автор раскрывает суть исследуемой проблемы, приводит различные точки зрения, а также собственные взгляды на нее	
5	ПР-5	Курсовая работа, курсовой проект	Продукт самостоятельной работы обучающегося, представляющий собой краткое изложение в письменном виде полученных результатов теоретического анализа определенной научной (учебно-исследовательской) темы, где автор раскрывает суть исследуемой проблемы, приводит различные точки зрения, а также собственные взгляды на нее	Темы курсовых работ/проектов, планы курсовых работ/проектов, методические рекомендации по написанию КР и КП
6	ПР-6	Лабораторная работа	Средство для закрепления и практического освоения материала по определенному разделу	Комплект заданий для лабораторных работ
7	ПР-7	Конспект	Продукт самостоятельной работы обучающегося, отражающий основные идеи и заслушанной лекции, сообщения и т. д.	Разделы дисциплины
8	ПР-8	Портфолио	Целевая подборка работ обучающегося, раскрывающая его индивидуальные образовательные достижения в одной или нескольких учебных дисциплинах	Структура портфолио
9	ПР-9	Проект	Конечный продукт, получаемый в результате планирования и выполнения комплекса учебных и исследовательских заданий. Позволяет оценить умение обучающихся самостоятельно конструировать свои знания в процессе решения практических задач и проблем, ориентироваться в информационном пространстве и уровень сформированности аналитических, исследовательских навыков, навыков практического и творческого мышления. Может выполняться в индивидуальном порядке или группой обучающихся	Темы групповых и/или индивидуальных проектов
10	ПР-10	Деловая и/или ролевая игра	Совместная деятельность группы обучающихся под управлением преподавателя с целью решения учебных и профессионально-ориентированных задач путем игрового моделирования реальной проблемной ситуации. Позволяет оценить умение анализировать и решать типичные профессиональные задачи	Тема (проблема), концепция, роли и ожидаемый результат по каждой игре
11	ПР-11	Кейс-задача	Проблемное задание, в котором обучающемуся предлагается осмыслить реальную профессионально-ориентированную ситуацию, необходимую для решения данной проблемы	Задания для решения кейс-задачи

1 2	ПР- 12	Рабочая тетрадь	Дидактический комплекс, предназначенный для самостоятельной работы обучающегося и позволяющий оценивать уровень усвоения учебного материала	Образец рабочей тетради
--------	-----------	-----------------	---	-------------------------

1 3	ПР- 13	Разноуровневые задачи и задания	<p>Различают задачи и задания:</p> <p>а) репродуктивного уровня, позволяющие оценивать и диагностировать знание фактического материала (базовые понятия, алгоритмы, факты) и умение правильно использовать специальные термины и понятия, узнавание объектов изучения в рамках определенного раздела дисциплины;</p> <p>б) реконструктивного уровня, позволяющие оценивать и диагностировать умение синтезировать, анализировать, обобщать фактический и теоретический материал формулированием конкретных выводов, установлением причинно-следственных связей;</p> <p>в) творческого уровня, позволяющие оценивать и диагностировать умения, интегрировать знания различных областей, аргументировать собственную точку зрения</p>	Комплект разноуровневых задачи заданий
1 4	ПР- 14	Расчетно-графическая работа	Средство проверки умений применять полученные знания по заранее определенной методике для решения задачи или задания по модулю или дисциплине в целом	Комплект заданий для выполнения расчетно-графической работы
1 5	ПР- 15	Творческое задание	Частично регламентированное задание, имеющее нестандартное решение и позволяющее диагностировать умения, интегрировать знания различных областей, аргументировать собственную точку зрения. Может выполняться в индивидуальном порядке или группой обучающихся	Темы групповых и/или индивидуальных творческих заданий
Технические средства				
1	ТС- 1	Тренажер	Техническое средство, которое может быть использовано для контроля приобретенных обучающимся профессиональных навыков и умений по управлению конкретным материальным объектом	Комплект заданий для работы на тренажере