



МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования  
**«Дальневосточный федеральный университет»**  
(ДВФУ)

---

**ИНСТИТУТ МАТЕМАТИКИ И КОМПЬЮТЕРНЫХ ТЕХНОЛОГИЙ (ШКОЛА)**

---

СОГЛАСОВАНО

Руководитель ОП

  
(подпись)

Величко А.С.  
(ФИО)

УТВЕРЖДАЮ

И.о. директора департамента

  
(подпись)

Заболотский В.С.  
(ФИО)

«\_28\_» декабря 2021 г.



**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**

Финансовая математика

**Направление подготовки 01.03.02 Прикладная математика и информатика**

(Математические и цифровые методы в экономике и аналитике)

Форма подготовки: очная

курс 4 семестр 8

лекции 24 час.

практические занятия 24 час.

лабораторные работы 0 час.

в том числе с использованием МАО лек. 0 час. / пр. 0 час. / лаб. 0 час.

всего часов аудиторной нагрузки 48 час.

в том числе с использованием МАО 0 час.

самостоятельная работа 60 час.

в том числе на подготовку к экзамену 0 час.

контрольные работы (количество) 0

курсовая работа / курсовой проект не предусмотрены

зачет 4 семestr

Рабочая программа составлена в соответствии с требованиями Федерального государственного образовательного стандарта по направлению подготовки 01.03.02 Прикладная математика и информатика, утвержденного приказом Минобрнауки России от 10 января 2018 г. № 9 (с изменениями и дополнениями).

Рабочая программа обсуждена на заседании департамента математики, протокол № 6 от 28 декабря 2021 г.

И.о. директора департамента математики Заболотский В.С.

Составитель: канд. физ.-мат. наук, доцент Величко А.С.

Владивосток  
2021

**Оборотная сторона титульного листа РПД**

**I. Рабочая программа пересмотрена на заседании департамента:**

Протокол от «\_\_\_\_\_» 20\_\_\_\_ г. №\_\_\_\_\_

Директор департамента \_\_\_\_\_  
(подпись) (И.О. Фамилия)

**II. Рабочая программа пересмотрена на заседании департамента:**

Протокол от «\_\_\_\_\_» 20\_\_\_\_ г. №\_\_\_\_\_

Директор департамента \_\_\_\_\_  
(подпись) (И.О. Фамилия)

**III. Рабочая программа пересмотрена на заседании департамента:**

Протокол от «\_\_\_\_\_» 20\_\_\_\_ г. №\_\_\_\_\_

Директор департамента \_\_\_\_\_  
(подпись) (И.О. Фамилия)

**IV. Рабочая программа пересмотрена на заседании департамента:**

Протокол от «\_\_\_\_\_» 20\_\_\_\_ г. №\_\_\_\_\_

Директор департамента \_\_\_\_\_  
(подпись) (И.О. Фамилия)

## **АННОТАЦИЯ**

Дисциплина «Финансовая математика» предназначена для студентов направления подготовки 01.03.02 «Прикладная математика и информатика», профиль «Математические и цифровые методы в экономике и аналитике».

Общая трудоемкость освоения дисциплины составляет 3 зачетные единицы (108 часов). Дисциплина реализуется на 4 курсе в 8-м семестре. Дисциплина входит в обязательные дисциплины вариативной части блока «Дисциплины (модули)».

Особенности построения курса: лекции (24 часа), практические занятия (24 часа), самостоятельная работа (60 часов).

Содержание дисциплины охватывает следующий круг вопросов: математические модели ценообразования производных ценных бумаг на финансовых рынках.

**Цель** – ознакомить с основными дискретными и непрерывными моделями динамики цен на фьючерсы и опционы в рамках арбитражной теории ценообразования на финансовых рынках.

### **Задачи:**

- развитие способности применять математические модели и методы, предназначенных для стратегий использования инвестиционных портфелей с включением деривативов;
- развитие готовности проводить расчеты, определять целесообразность принимаемых решений и экономическую эффективность использования деривативов при хеджировании рисков инвестиционных вложений.

Для успешного изучения дисциплины «Финансовая математика» у обучающихся должны быть сформированы следующие предварительные компетенции:

- способностью и готовностью использовать методы математического и выпуклого анализа, алгебры, теории вероятностей и математической статистики, теории линейной и нелинейной оптимизации и применять их для решения задач в рассматриваемой дисциплиной предметной области.

В результате изучения данной дисциплины у обучающихся формируются следующие общекультурные, общепрофессиональные, профессиональные компетенции (элементы компетенций).

Код и наименование профессиональной компетенции	Код ПС (при наличии ПС) или ссылка на иные основания	Код трудовой функции (при наличии)	Индикаторы достижения компетенции
<b>Тип задач профессиональной деятельности: производственно-технологический</b>			
<b>ПК-1</b> Способен решать проблемы, связанные с выпуском и обращением ценных бумаг, совершением сделок с производными финансовыми инструментами	08.008 Специалист по финансовому консультированию  08.004 Специалист рынка ценных бумаг	A/01.6  C/03.6-04.6	ПК-1.1 Анализирует состояние отраслей и секторов экономики, конъюнктуру рынка ценных бумаг и производных финансовых инструментов  ПК-1.2 Использует программные средства для экономического и финансового анализа
<b>Тип задач профессиональной деятельности: научно-исследовательский</b>			
<b>ПК-11</b> Способен к разработке и исследованию математических методов и моделей для проведения многовариантных аналитических расчетов и подготовки принятия решений	Анализ требований, предъявляемых к выпускникам  06.042 Специалист по большим данным  08.022 Статистик	A/04.6  B/04.6	ПК-11.1 Исследует и разрабатывает модели, применяет методы анализа объектов, систем, процессов и технологий на основе математических моделей и методов прикладной математики  ПК 11.2 Проводит аналитические расчеты по вариантам в том числе на основе программных средств для подготовки принятия решений

<b>Код и наименование индикатора достижения компетенции</b>	<b>Наименование показателя оценивания (результата обучения)</b>
ПК-1.1 Анализирует состояние отраслей и секторов экономики, конъюнктуру рынка ценных бумаг и производных финансовых инструментов	Знает основные понятия, категории и инструменты финансовой математики
	Умеет анализировать и интерпретировать данные ценообразования базовых и производных ценных бумаг
	Владеет современными методиками расчета и анализа показателей экономической эффективности портфелей финансовых инструментов
ПК-1.2 Использует программные средства для экономического и финансового анализа	Знает основные понятия, категории и инструменты вычислительных методов финансовой математики
	Умеет применять вычислительные методы и использовать ЭВМ для расчета экономических показателей финансовых инструментов
	Владеет научным программным обеспечением для моделирования экономических показателей финансовых инструментов и их портфелей
ПК-11.1 Исследует и разрабатывает модели, применяет методы анализа объектов, систем, процессов и технологий на основе математических моделей и методов прикладной математики	Знает стратегии развития в управленческих и экономических сетях
	Умеет использовать современные методы исследований в управленческих и экономических сетях
	Владеет методами разработки и анализа моделей объектов в управленческих и экономических сетях
ПК 11.2 Проводит аналитические расчеты по вариантам в том числе на основе программных средств для подготовки принятия решений	Знает алгоритмы решения задач в управленческих и экономических сетях, методы оценки работоспособности и эффективности алгоритмов
	Умеет разрабатывать и реализовывать алгоритмы решения задач в экономических и управленческих сетях с помощью современных программных систем, оценивать работоспособность и эффективность алгоритмов
	Владеет методами проектирования и разработки алгоритмов в управленческих и экономических сетях

## **I. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ТЕОРЕТИЧЕСКОЙ ЧАСТИ КУРСА**

### **Раздел I. Инвестиционные портфели**

#### **Тема 1. Обзор рынка ценных бумаг**

Облигации. Дисконтирующие множители в дискретном и непрерывном времени. Акции обыкновенные и привилегированные. Форварды и фьючерсы. Опционы, их классификация и параметры.

#### **Тема 2. Арбитражная теория ценообразования**

Модель Эрроу-Дебре. Матрица финансовых потоков. Арбитражные портфели первого и второго рода. Основная теорема арбитражной теории

ценообразования. Следствия при наличии безрисковой ценной бумаги. Риск-нейтральная вероятностная мера.

### **Тема 3. Воспроизводящие портфели**

Понятие воспроизводящих (копирующих) портфелей. Использование для нахождения цен финансовых активов. Биномиальная модель. Эквивалентность метода воспроизводящих портфелей и риск-нейтральной вероятностной меры.

### **Тема 4. Полные и неполные рынки**

Понятия полных и неполных рынков. Алгебраическая характеристика. Теорема о единственности риска-нейтральной вероятностной меры для полных рынков. Выпукłość множества цен состояний рынка для неполных рынков.

### **Тема 5. Триномиальная модель**

Триномиальная модель как пример неполного рынка. Геометрическая интерпретация триномиальной модели. Верхняя и нижняя граница цен опционов.

### **Тема 6. Полиномиальная многопериодная модель**

Граф состояний рынка. Воспроизводящие портфели для многопериодной модели. Условия самофинансирования и хеджирования. Постановка задач для нахождения верхних и нижних границ справедливых цен.

## **Раздел II. Производные ценные бумаги.**

### **Тема 7. Цена опционов европейского типа в биномиальной модели**

Получение рекуррентных соотношений и индуктивное решение. Выражение цены опционов европейского типа. Пут-колл эквивалентность. Формулы для премий пут- и колл- опционов.

### **Тема 8. Определение параметров биномиальной модели**

Волатильность цены базового актива в биномиальной модели. Алгебраическая характеристика для множества цен состояний рынка.

Выражение риск-нейтральной вероятностной меры через волатильность и безрисковую процентную ставку.

### **Тема 9. Предельный переход к непрерывному времени**

Предел основных характеристик динамики цены базового актива. Вывод логнормального распределения. Формулы Блэка-Шоулса.

### **Тема 10. Свойства формул Блэка-Шоулса и основные опционные стратегии**

Асимптотики "без денег" и "в деньгах". Внутренняя стоимость и премия за риск. Опционные стратегии спред, стрэнгл, стрэддл, "бабочка" и "железный кондор", в каких обстоятельствах их целесообразно применять.

### **Тема 11. «Гречанки» и хеджирование**

Коэффициент дельта. Риск-нейтральный портфель. Практическое дельта-хеджирование. Коэффициент гамма и его использование для выбора направления. Временной распад и коэффициент тета.

### **Тема 12. Стохастические процессы и уравнение Блэка-Шоулса**

Броуновское движение и винеровские процессы. Лемма Ито. Вывод уравнения Блэка-Шоулса. Преобразование к уравнению теплопроводности. Решение с помощью преобразования Фурье.

## **II. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ПРАКТИЧЕСКОЙ ЧАСТИ КУРСА**

### **Практические занятия (24 часа)**

#### **Занятие 1. Обзор рынка ценных бумаг**

1. Облигации.
2. Дисконтирующие множители в дискретном и непрерывном времени.
3. Акции обыкновенные и привилегированные.
4. Форварды и фьючерсы.
5. Опционы, их классификация и параметры.

## **Занятие 2. Арбитражная теория ценообразования**

1. Модель Эрроу-Дебре.
2. Матрица финансовых потоков.
3. Арбитражные портфели первого и второго рода.
4. Основная теорема арбитражной теории ценообразования.
5. Следствия при наличии безрисковой ценной бумаги.
6. Риск-нейтральная вероятностная мера.

## **Занятие 3. Воспроизводящие портфели**

1. Понятие воспроизводящих (копирующих) портфелей.
2. Использование для нахождения цен финансовых активов.
3. Биномиальная модель.
4. Эквивалентность метода воспроизводящих портфелей и риск-нейтральной вероятностной меры.

## **Занятие 4. Полные и неполные рынки**

1. Понятия полных и неполных рынков.
2. Алгебраическая характеристика.
3. Теорема о единственности риска-нейтральной вероятностной меры для полных рынков.
4. Выпукłość множества цен состояний рынка для неполных рынков.

## **Занятие 5. Триномиальная модель**

1. Триномиальная модель как пример неполного рынка.
2. Геометрическая интерпретация триномиальной модели.
3. Верхняя и нижняя граница цен опционов.

## **Занятие 6. Полиномиальная многопериодная модель**

1. Граф состояний рынка.
2. Воспроизводящие портфели для многопериодной модели.
3. Условия самофинансирования и хеджирования.
4. Постановка задач для нахождения верхних и нижних границ справедливых цен.

## **Занятие 7. Цена опционов европейского типа в биномиальной модели**

1. Получение рекуррентных соотношений и индуктивное решение.
2. Выражение цены опционов европейского типа.
3. Пут-колл эквивалентность.
4. Формулы для премий пут- и колл- опционов.

## **Занятие 8. Определение параметров биномиальной модели**

1. Волатильность цены базового актива в биномиальной модели.
2. Алгебраическая характеристика для множества цен состояний рынка.
3. Выражение риск-нейтральной вероятностной меры через волатильность и безрисковую процентную ставку.

## **Занятие 9. Предельный переход к непрерывному времени**

1. Предел основных характеристик динамики цены базового актива.
2. Вывод логнормального распределения.
3. Формулы Блэка-Шоулса.

## **Занятие 10. Свойства формул Блэка-Шоулса и основные опционные стратегии**

1. Асимптотики "без денег" и "в деньгах".
2. Внутренняя стоимость и премия за риск.
3. Опционные стратегии спрэд, стрэнгл, стрэддл, "бабочка" и "железный кондор", в каких обстоятельствах их целесообразно применять.

## **Занятие 11. «Гречанки» и хеджирование**

1. Коэффициент дельта.
2. Риск-нейтральный портфель.
3. Практическое дельта-хеджирование.
4. Коэффициент гамма и его использование для выбора направления.
5. Временной распад и коэффициент тета.

## **Занятие 12. Стохастические процессы и уравнение Блэка-Шоулса**

1. Броуновское движение и винеровские процессы.
2. Лемма Ито.

3. Вывод уравнения Блэка-Шоулса.
4. Преобразование к уравнению теплопроводности.
5. Решение с помощью преобразования Фурье.

### **III. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ ОБУЧАЮЩИХСЯ**

Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся по дисциплине «Финансовая математика» представлено в Приложении 1 и включает в себя:

план-график выполнения самостоятельной работы по дисциплине, в том числе примерные нормы времени на выполнение по каждому заданию;

характеристика заданий для самостоятельной работы обучающихся и методические рекомендации по их выполнению;

требования к представлению и оформлению результатов самостоятельной работы;

критерии оценки выполнения самостоятельной работы.

### **IV. КОНТРОЛЬ ДОСТИЖЕНИЯ ЦЕЛЕЙ КУРСА**

Контролируемые разделы дисциплины, этапы формирования компетенций, виды оценочных средств, зачетно-экзаменационные материалы, комплекты оценочных средств для текущей аттестации, описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений и навыков и (или) опыта деятельности, а также критерии и показатели, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и характеризующие этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы, представлены в Приложении 2.

### **V. СПИСОК УЧЕБНОЙ ЛИТЕРАТУРЫ И ИНФОРМАЦИОННО- МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ**

**Основная литература**  
*(электронные и печатные издания)*

1. Брусов П.Н., Филатова Т.В. Финансовая математика. - М.: НИЦ ИНФРА-М, 2014. - 480 с. Режим доступа: <http://znanium.com/bookread2.php?book=363567>.
2. Бочаров П.П. Финансовая математика [Электронный ресурс]: учебное пособие/ Бочаров П.П., Касимов Ю.Ф. - М.: ФИЗМАТЛИТ, 2007. 576 с. Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/12929>.
3. Ширяев В.И. Математика финансов. Опционы и риски, вероятности, гарантии и хаос : учебное пособие для вузов. - М.: URSS, 2013. 196 с.

**Дополнительная литература**  
*(печатные и электронные издания)*

1. Блау С.Л., Григорьев С.Г. Финансовая математика. Учебник. М.: Академия, 2013, 192 с.
2. Брусов П.Н., Брусов П.П., Орехова Н.П., Скородулина С.В. Задачи по финансовой математике : учебное пособие. М.: Кнорус, 2012. 272 с.

**Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети  
«Интернет»**

1. NY University Page URL: <http://www.math.nyu.edu/faculty/avellane/>.

**Перечень дополнительных информационно-методических  
материалов**

1. M. Avellaneda, P. Laurence, Quantitative Modeling of Derivative Securities: From Theory to Practice. Chapman-Hall, 2000.

**VI. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ**

**Рекомендации по планированию и организации времени, отведенного на  
изучение дисциплины, описание последовательности действий  
обучающихся**

Освоение дисциплины следует начинать с изучения рабочей учебной программы, которая содержит основные требования к знаниям, умениям и навыкам. Обязательно следует учитывать рекомендации преподавателя, данные в ходе установочных занятий. Затем – приступать к изучению отдельных разделов и тем в порядке, предусмотренном программой.

Получив представление об основном содержании раздела, темы, необходимо изучить материал с помощью рекомендуемой основной литературы. Целесообразно составить краткий конспект или схему, отображающую смысл и связи основных понятий данного раздела и включенных в него тем. Обязательно следует записывать возникшие вопросы, на которые не удалось ответить самостоятельно.

Подготовку к началу обучения включает несколько необходимых пунктов:

- 1) Необходимо создать для себя рациональный и эмоционально достаточный уровень мотивации к последовательному и планомерному изучению дисциплины.
- 2) Необходимо изучить список рекомендованной основной и дополнительной литературы и убедиться в её наличии у себя дома или в библиотеке в бумажном или электронном виде.
- 3) Необходимо иметь «под рукой» специальные и универсальные словари, справочники и энциклопедии, для того, чтобы постоянно уточнять значения используемых терминов и понятий. Пользование словарями и справочниками необходимо сделать привычкой. Опыт показывает, что неудовлетворительное усвоение предмета зачастую коренится в неточном, смутном или неправильном понимании и употреблении понятийного аппарата учебной дисциплины.

4) Желательно в самом начале периода обучения возможно тщательнее спланировать время, отводимое на работу с источниками и литературой по дисциплине, представить этот план в наглядной форме (график работы с датами) и в дальнейшем его придерживаться, не допуская срывов графика индивидуальной работы и «аврала» в предсессионный период. Пренебрежение этим пунктом приводит к переутомлению и резкому снижению качества усвоения учебного материала.

### **Рекомендации по работе с литературой**

1) Всю учебную литературу желательно изучать «под конспект». Чтение литературы, не сопровожданное конспектированием, даже пусть самым кратким – бесполезная работа. Цель написания конспекта по дисциплине – сформировать навыки по поиску, отбору, анализу и формулированию учебного материала. Эти навыки обязательны для любого специалиста с высшим образованием независимо от выбранной специальности.

2) Написание конспекта должно быть творческим – нужно не переписывать текст из источников, но пытаться кратко излагать своими словами содержание ответа, при этом максимально структурируя конспект, используя символы и условные обозначения. Копирование и «заучивание» неосмыслиенного текста трудоемко и по большому счету не имеет большой познавательной и практической ценности.

3) При написании конспекта используется тетрадь, поля в которой обязательны. Страницы нумеруются, каждый новый вопрос начинается с нового листа, для каждого экзаменационного вопроса отводится 1-2 страницы конспекта. На полях размещается вся вспомогательная информация – ссылки, вопросы, условные обозначения и т.д.

4) В итоге данной работы «идеальным» является полный конспект по программе дисциплины, с выделенными определениями, узловыми

пунктами, примерами, неясными моментами, проставленными на полях вопросами.

5) При работе над конспектом обязательно выявляются и отмечаются трудные для самостоятельного изучения вопросы, с которыми уместно обратиться к преподавателю при посещении установочных лекций и консультаций, либо в индивидуальном порядке.

6) При чтении учебной и научной литературы всегда следить за точным и полным пониманием значения терминов и содержания понятий, используемых в тексте. Всегда следует уточнять значения по словарям или энциклопедиям, при необходимости записывать.

7) При написании учебного конспекта обязательно указывать все прорабатываемые источники, автор, название, дата и место издания, с указанием использованных страниц.

### **Подготовка к промежуточной аттестации по дисциплине: экзамену (зачету)**

К аттестации допускаются студенты, которые систематически в течение всего семестра посещали и работали на занятиях и показали уверенное знания в ходе выполнении практических заданий и лабораторных работ.

Непосредственная подготовка к аттестации осуществляется по вопросам, представленным в рабочей учебной программе. Тщательно изучите формулировку каждого вопроса, вникните в его суть, составьте план ответа. Обычно план включает в себя:

- определение сущности рассматриваемого вопроса, основных положений, утверждений, определение необходимости их доказательства;
- запись обозначений, формул, необходимых для полного раскрытия вопроса;
- графический материал (таблицы, рисунки, графики), необходимые для раскрытия сущности вопроса;

— роль и значение рассматриваемого материала для практической деятельности, примеры использования в практической деятельности.

## **VII. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ**

Для осуществления образовательного процесса по дисциплине необходима лекционная аудитория с доской для проведения занятий.

## **Приложение 1**



МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение  
высшего образования  
**«Дальневосточный федеральный университет»**  
(ДВФУ)

---

**ИНСТИТУТ МАТЕМАТИКИ И КОМПЬЮТЕРНЫХ ТЕХНОЛОГИЙ (ШКОЛА)**

### **УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ ОБУЧАЮЩИХСЯ**

**по дисциплине «Финансовая математика»**

**Направление подготовки 01.03.02 Прикладная математика и  
информатика**

**профиль «Математические и цифровые методы в экономике и аналитике»**

**Форма подготовки очная**

**Владивосток**

**2021**

## **План-график выполнения самостоятельной работы по дисциплине**

<b>№ п/п</b>	<b>Дата/сроки выполнения</b>	<b>Вид самостоятельной работы</b>	<b>Примерные нормы времени на выполнение</b>	<b>Форма контроля</b>
1	4 неделя	Повторение теоретического и практического материала дисциплины, заслушиваемого и конспектируемого в ходе аудиторных занятий; изучение основной и дополнительной литературы, указанной в рабочей учебной программе дисциплины, самоконтроль ответов на основные проблемные вопросы по темам лекций	20 часов	Собеседование
2	6 неделя	Самостоятельный разбор заданий и задач, решаемых на практических занятиях; самостоятельный повтор действий, осуществляемых в ходе выполнения лабораторных работ, в том числе при работе со специальным программным обеспечением	10 часов	Проект
3	10 неделя	Повторение теоретического и практического материала дисциплины, заслушиваемого и конспектируемого в ходе аудиторных занятий; изучение основной и дополнительной литературы, указанной в рабочей учебной программе дисциплины, самоконтроль ответов на основные проблемные вопросы по темам лекций	20 часов	Собеседование
4	12 неделя	Самостоятельный разбор заданий и задач, решаемых на практических занятиях;	10 часов	Проект

		самостоятельный повтор действий, осуществляемых в ходе выполнения лабораторных работ, в том числе при работе со специальным программным обеспечением		
--	--	---	--	--

## **Характеристика заданий для самостоятельной работы обучающихся и методические рекомендации по их выполнению**

1. В гипотетической стране правительство провозгласило политику «валютного коридора». Курс национальной валюты находится в паритете к американскому доллару и может отклоняться не более чем на 5% в течение по меньшей мере одного года. Кроме того, правительство выпустило облигации с доходностью 30% в местной валюте. Предполагая, что можно привлекать средства в долларах под 6%, покажите, что сложилась арбитражная ситуация. Опишите её в терминах модели Эрроу-Дебре. Предложите реалистичные сценарии, при которых этот арбитраж может исчезнуть.
2. Покажите, что множество всех риск-нейтральных вероятностных мер в модели с конечным числом состояний рынка образует выпуклое подмножество в евклидовом пространстве. Для данной ценной бумаги с её ценой и финансовым потоками докажите, что для неё риск-нейтральные вероятности получаются в результате пересечения этого множества с гиперплоскостью.
3. Примените геометрическую характеристизацию риск-нейтральных вероятностных мер к триномиальной модели. Предполагая, что  $S=100$ ,  $U=1.1$ ,  $M=1$ ,  $D=0.8$ ,  $R=0.05$ , покажите, что колл-опцион со страйком 105 может торговаться с премией  $C=3.80$ . Покажите, что при цене  $C=1$  существует арбитражная возможность.
4. Во время выборов президента США букмекеры принимали ставки в размере 1-6 за Клинтон, 7-2 за Трампа, 1-100 за кандидата от партии зелёных. Посчитать соответствующие риск-нейтральные вероятности, исходя из этих данных.

## **Требования к представлению и оформлению результатов самостоятельной работы**

Самостоятельная работа включает в себя повторение теоретического и практического материала дисциплины, заслушиваемого и конспектируемого в ходе аудиторных занятий; изучение основной и дополнительной литературы, указанной в рабочей учебной программе дисциплины, самоконтроль ответов на основные проблемные вопросы по темам занятий; самостоятельный разбор заданий и задач, решаемых на практических занятиях; самостоятельный повтор действий, осуществляемых в ходе выполнения лабораторных работ, в том числе при работе со специальным программным обеспечением.

Результаты самостоятельной работы представляются и оформляются в виде ответов на основные положения теоретического и практического материала дисциплины по темам; письменного разбора процесса решения практических заданий и задач; собственных действий, осуществляемых в ходе выполнения лабораторных работ.

В случае подготовки слайдов для защиты проекта, они должны быть контрастными (рекомендуется черный цвет шрифта на светлом фоне), кегль текста слайдов – не менее 22pt, заголовков – 32pt. Основная цель использования слайдов - служить вспомогательным инструментом к подготовленному выступлению, цитирование больших фрагментов текста на слайдах не допускается. Приветствуется использование рисунков, графиков, таблиц, интерактивного материала, однако, следует предусмотреть выбор цвета и толщину линий.

Слайды должны содержать титульный лист, цели и задачи (не более 2-х слайдов с обзором актуальности, новизны, теоретической и практической значимости работы), основные публикации с их кратким обзором (1-2 слайда), формальную постановку задачи и формулировку моделей (1-2 слайда), краткое тезисное (!) изложение ключевых положений работы (разумное количество слайдов с учетом общего времени выступления), заключение (с изложением результатов работы, подведением выводов, обсуждением практического использования работы, возможностей проведения дальнейших исследований и разработок в данной области).

Как правило, 12-15 слайдов оказывается достаточным для полного представления работы.

## **Критерии оценки выполнения самостоятельной работы**

Общие критерии оценки выполнения самостоятельной работы – правильность ответов на вопросы по темам теоретической части дисциплины, верность получаемых ответов в ходе решения практических заданий и задач, достижение правильного результата при осуществлении собственных действий по лабораторным работам.

Оценивание знаний в форме собеседования проводится по критериям:

- логичность изложения, знание и понимание основных аспектов и дискуссионных проблем по теме;
- владение методами и приемами анализа теоретических и/или практических аспектов по теме.

Оценивание знаний в форме проекта проводится по критериям:

- завершенность и полнота выполненных заданий в рамках проекта;
- владение методами и приемами решения конкретных задач и самостоятельность использования специализированного программного обеспечения;
- качество оформления письменного отчета в соответствии с правилами и стандартами оформления.