



МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования  
«Дальневосточный федеральный университет»  
(ДФУ)

**ИНСТИТУТ МАТЕМАТИКИ И КОМПЬЮТЕРНЫХ ТЕХНОЛОГИЙ (ШКОЛА)**

СОГЛАСОВАНО

Руководитель ОП

(подпись)

Степанова А.А.

(ФИО)

УТВЕРЖДАЮ

И.о. директора департамента

(подпись)

Заболотский В.С.

(ФИО)

«13» сентября 2021



**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**

Введение в геометрическую теорию функций комплексного переменного

**Направление подготовки 01.04.01 Математика**

магистерская программа «Алгебра»

**Форма подготовки очная**

курс 1 семестр 2  
лекции 18 час.  
практические занятия 28 час.  
самостоятельная работа студентов 98 час.  
всего часов аудиторной нагрузки 46 час.  
в том числе МАО 9 час.  
экзамен 2 семестр  
зачет не предусмотрен

Рабочая программа составлена в соответствии с требованиями Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования, утвержденного приказом Министерства образования и науки РФ от 10 января 2018 г. № 12 (с изменениями и дополнениями)

Рабочая программа обсуждена на заседании департамента математики, протокол № 1 от 13 сентября 2021 г.

И.о. директора департамента математики Заболотский В.С.  
Составитель: д.ф.-м.н., доцент А.А. Степанова

Владивосток

2021

**Оборотная сторона титульного листа РПД**

**I. Рабочая программа пересмотрена на заседании департамента:**

Протокол от «\_\_\_\_\_» \_\_\_\_\_ 20\_\_ г. № \_\_\_\_\_

Директор департамента \_\_\_\_\_  
(подпись) (И.О. Фамилия)

**II. Рабочая программа пересмотрена на заседании департамента:**

Протокол от «\_\_\_\_\_» \_\_\_\_\_ 20\_\_ г. № \_\_\_\_\_

Директор департамента \_\_\_\_\_  
(подпись) (И.О. Фамилия)

## Цели и задачи освоения дисциплины:

**Цель** изучения дисциплины «Введение в геометрическую теорию функций комплексного переменного» является развитие логического и алгоритмического мышления.

### Задачи:

1. Привить навыки математического исследования социальных, технических, экономических и других проблем науки и производства, умение мыслить научными категориями в области науки, техники, экономики и социальной сферы.
2. Студент должен ознакомиться с современным языком математики; изучить такие понятия и конструкции, как модули, подмодули, фактормодули, кольца, идеалы колец, свободные модули, инъективные и проективные модули, артиновы и нетеровы модули.
3. Развитие способностей общаться со специалистами из других областей, работы в междисциплинарной команде, а также работы самостоятельно.
4. Развитие навыков научно-исследовательской работы.

Для успешного изучения дисциплины «Введение в геометрическую теорию функций комплексного переменного» у обучающихся должны быть сформированы следующие предварительные компетенции

- способность видеть методологические аспекты построения математических теорий;
- применять системный подход в формализации математических задач;
- способностью к абстрактному мышлению, анализу, синтезу.

### Профессиональные компетенции выпускников и индикаторы их достижения:

Тип задач	Код и наименование профессиональной компетенции (результат освоения)	Код и наименование индикатора достижения компетенции
научно-исследовательский	ПК-2 Способен к организации научно-исследовательских и научно-производственных работ, к управлению научным коллективом	ПК-2.1 Использует методы современной математики при решении теоретических и прикладных задач
		ПК-2.2 Осуществляет организационное управление научно-исследовательскими и научно-производственными работами, научным коллективом
		ПК-2.3 Готовит научные публикации и выступления на научных семинарах
педагогический	ПК-4 Способен участвовать в проектировании предметной среды образовательной программы	ПК-4.1 Организует и проводит исследование рынка услуг дополнительного образования детей и взрослых, обосновывает включение науч-

Тип задач	Код и наименование профессиональной компетенции (результат освоения)	Код и наименование индикатора достижения компетенции
		но-исследовательских и научно-образовательных объектов в образовательную среду и процесс обучения математике
		ПК-4.2 Проектирует элементы образовательной среды школьной математики на основе учета возможностей конкретного региона
		ПК-4.3 Планирует и проектирует образовательный процесс, элементы образовательной программы

Код и наименование индикатора достижения компетенции	Наименование показателя оценивания (результата обучения по дисциплине)
ПК-2.1 Использует методы современной математики при решении теоретических и прикладных задач	Знает классические и современные методы решения задач по выбранной тематике научных исследований
	Умеет выдвигать научную гипотезу, принимать участие в ее обсуждении
	Владеет навыками профессионального мышления, необходимыми для адекватного использования методов современной математики в теоретических и прикладных задачах
ПК-2.2 Осуществляет организационное управление научно-исследовательскими и научно-производственными работами, научным коллективом	Знает профессиональную терминологию, способы воздействия на аудиторию в рамках профессиональной коммуникации
	Умеет правильно ставить задачи по выбранной тематике, выбирать для исследования необходимые методы; применять выбранные методы к решению научных задач
	Владеет навыками подготовки научных публикаций
ПК-2.3 Готовит научные публикации и выступления на научных семинарах	Знает основы исследовательской деятельности
	Умеет оценивать значимость получаемых результатов
	Владеет выступлениями на научных семинарах
ПК-4.1 Организует и проводит исследование рынка услуг дополнительного образования детей и взрослых, обосновывает включение научно-исследовательских и научно-образовательных объектов в образовательную среду и процесс обучения математике	Знает компоненты образовательной среды и их дидактические возможности
	Умеет: обосновывать и включать научно-исследовательские и научно-образовательные объекты в образовательную среду и процесс обучения математике
	Владеет умениями по проектированию элементов образовательной среды школьной математики на основе учета возможностей конкретного региона
ПК-4.2 Проектирует элементы образовательной среды школьной математики на основе учета воз-	Знает принципы и подходы к организации предметной среды математики; научно-исследовательский и научно-образовательный потенциал конкретного региона,

Код и наименование индикатора достижения компетенции	Наименование показателя оценивания (результата обучения по дисциплине)
возможностей конкретного региона	где осуществляется образовательная деятельность
	Умеет использовать возможности социокультурной среды региона в целях достижения результатов обучения математике
	Владеет умениями по проектированию элементов образовательной среды школьной математики на основе учета возможностей конкретного региона
ПК-4.3 Планирует и проектирует образовательный процесс, элементы образовательной программы	Знает принципы и подходы к организации предметной среды математики; научно-исследовательский и научно-образовательный потенциал конкретного региона, где осуществляется образовательная деятельность
	Умеет использовать возможности социокультурной среды региона в целях достижения результатов обучения математике
	Владеет умениями по проектированию элементов образовательной среды школьной математики на основе учета возможностей конкретного региона

Общая трудоемкость дисциплины составляет 5 зачётные единицы (180 академических часа).

(1 зачетная единица соответствует 36 академическим часам)

Видами учебных занятий и работы обучающегося по дисциплине являются:

Обозначение	Виды учебных занятий и работы обучающегося
Лек	Лекции
Пр	Практические работы
СР	Самостоятельная работа обучающегося в период теоретического обучения
Контроль	Самостоятельная работа обучающегося и контактная работа обучающегося с преподавателем в период промежуточной аттестации

## I. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ТЕОРЕТИЧЕСКОЙ ЧАСТИ КУРСА (18 час.)

**Тема 1. Основные классы регулярных функций в единичном круге; оценки коэффициентом, теоремы искажения и покрытия (4 ч.)**

Вводятся основные классы функций: однолистные в единичном круге, звездообразные, выпуклые, типично вещественные, класс Каратеодори. Изучаются простейшие оценки в этих классах.

## **Тема 2. Граничные точки, их типы (4 ч.)**

Определяются достижимые граничные точки, простые концы, изучается поведение функции на границе области.

Занятие проводится с использованием метода активного обучения «лекция-беседа».

## **Тема 3. Метод площадей (4 ч.)**

Обобщается теорема Гронуолла. Рассматриваются теоремы площадей в самой общей (интегральной) форме и их приложения в классе  $SM$  Бибербаха-Эйлейберга и др.

Занятие проводится с использованием метода активного обучения «лекция-беседа».

## **Тема 4. Интегральные представления некоторых функций (2 ч.)**

Формула Рисса-Герглотца и интегральные представления классов функций (типично вещественных, класс Каратеодори и др.) Основные оценки функционалов.

## **Тема 5. Интегральные средние (4 ч.)**

Оценки интегральных средних в классах  $S$  и  $\square$ .

Занятие проводится с использованием метода активного обучения «лекция-беседа».

## **II. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ПРАКТИЧЕСКОЙ ЧАСТИ КУРСА И САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ**

### **Практические занятия (28 час.)**

#### **Занятие 1. Основные классы регулярных функций в единичном круге; оценки коэффициентом, теоремы искажения и покрытия (5 ч.)**

Вводятся основные классы функций: однолистные в единичном круге, звездообразные, выпуклые, типично вещественные, класс Каратеодори. Изучаются простейшие оценки в этих классах.

#### **Занятие 2. Граничные точки, их типы (5 ч.)**

Определяются достижимые граничные точки, простые концы, изучается поведение функции на границе области

#### **Занятие 3. Метод площадей (5 ч.)**

Обобщается теорема Гронуолла. Рассматриваются теоремы площадей в самой общей (интегральной) форме и их приложения в классе  $SM$  Бибербаха-Эйлейберга и др.

#### **Занятие 4. Интегральные представления некоторых функций (8 ч.)**

Формула Рисса-Герглотца и интегральные представления классов функций (типично вещественных, класс Каратеодори и др.) Основные оценки функционалов.

### **Занятие 5. Интегральные средние (5 ч.)**

Оценки интегральных средних в классах  $S$  и  $\square$ .

Занятие проводится с использованием метода активного обучения «лекция-беседа».

#### **Примеры контрольных работ**

##### **Тема: Граничные точки, их типы**

###### **Вариант 1**

1 Найти необходимые и достаточные условия однолистности квадратичного полинома в единичном круге.

2 Найти необходимые условия однолистности полинома произвольной степени в круге.

##### **Тема: Интегральные представления некоторых функций**

###### **Вариант 1.**

1. Пусть функция  $p(z)$ ,  $p(0)=1$ , голоморфна в единичном круге и имеет в нем положительную вещественную часть. Найти оценки коэффициентов тейлоровского разложения функции  $p(z)$ .

2. Пусть функция  $f(z)$ ,  $f(0)=0$ ,  $f'(0)=1$ , голоморфна и звездообразна в единичном круге. Найти оценки коэффициентов тейлоровского разложения функции  $f(z)$ .

### **III. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ ОБУЧАЮЩИХСЯ**

Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся по дисциплине «Введение в геометрическую теорию функций комплексного переменного» включает в себя:

- 1) план-график выполнения самостоятельной работы по дисциплине, в том числе примерные нормы времени на выполнение по каждому заданию;
- 2) характеристику заданий для самостоятельной работы обучающихся и методические рекомендации по их выполнению;
- 3) требования к представлению и оформлению результатов самостоятельной работы;
- 4) критерии оценки выполнения самостоятельной работы.

#### **План-график выполнения самостоятельной работы по дисциплине**

<b>№</b>	<b>Дата/сроки вы-</b>	<b>Вид самостоятель-</b>	<b>Примерные нормы</b>
----------	-----------------------	--------------------------	------------------------

п/п	полнения	ной работы	времени на выполнение
Основные классы регулярных функций в единичном круге; оценки коэффициента, теоремы искажения и покрытия	20.02 - 27.02	индивидуальное домашнее задание	1 неделя
Граничные точки, их типы	27.02 - 04.03	индивидуальное домашнее задание	1 неделя
Метод площадей	05.03 - 20.03	индивидуальное домашнее задание	2 неделя
Интегральные представления некоторых функций	20.04 - 12.05	индивидуальное домашнее задание	3 неделя
Интегральные средние	12.05 - 26.05	индивидуальное домашнее задание	2 неделя

### **Рекомендации по самостоятельной работе студентов**

*Планирование и организация времени, отведенного на выполнение заданий самостоятельной работы.*

Изучив график выполнения самостоятельных работ, следует правильно её организовать. Рекомендуется изучить структуру каждого задания, обратить внимание на график выполнения работ, отчетность по каждому заданию предоставляется в последнюю неделю согласно графику. Обратите внимание, что итоги самостоятельной работы влияют на окончательную оценку по итогам

освоения учебной дисциплины.

*Работа с литературой.*

При выполнении ряда заданий требуется работать с литературой. Рекомендуется использовать различные возможности работы с литературой: фонды научной библиотеки ДВФУ (<http://www.dvfu.ru/library/>) и других ведущих вузов страны, а также доступных для использования научно-библиотечных систем.

В процессе выполнения самостоятельной работы, в том числе при написании эссе рекомендуется работать со следующими видами изданий:

а) Научные издания, предназначенные для научной работы и



содержащие теоретические, экспериментальные сведения об исследованиях. Они могут публиковаться в форме: монографий, научных статей в журналах или в научных сборниках;

б) Учебная литература подразделяется на:

- учебные издания (учебники, учебные пособия, тексты лекций), в которых содержится наиболее полное системное изложение дисциплины или какого-то ее раздела;

- справочники, словари и энциклопедии – издания, содержащие краткие сведения научного или прикладного характера, не предназначенные для сплошного чтения. Их цель – возможность быстрого получения самых общих представлений о предмете.

Существуют два метода работы над источниками:

– сплошное чтение обязательно при изучении учебника, глав монографии или статьи, то есть того, что имеет учебное значение. Как правило, здесь требуется повторное чтение, для того чтобы понять написанное. Старайтесь при сплошном чтении не пропускать комментарии, сноски, справочные материалы, так как они предназначены для пояснений и помощи. Анализируйте рисунки (карты, диаграммы, графики), старайтесь понять, какие тенденции и закономерности они отражают;

– метод выборочного чтения дополняет сплошное чтение; он применяется для поисков дополнительных, уточняющих необходимых сведений в словарях, энциклопедиях, иных справочных изданиях. Этот метод крайне важен для повторения изученного и его закрепления, особенно при подготовке к экзамену.

Для того чтобы каждый метод принес наибольший эффект, необходимо фиксировать все важные моменты, связанные с интересующей Вас темой.

Тезисы – это основные положения научного труда, статьи или другого произведения, а возможно, и устного выступления; они несут в себе большой объем информации, нежели план. Простые тезисы лаконичны по форме; сложные – помимо главной авторской мысли содержат краткое ее обоснование и доказательства, придающие тезисам более весомый и убедительный характер. Тезисы прочитанного позволяют глубже раскрыть его содержание; обучаясь излагать суть прочитанного в тезисной форме, вы сумеете выделять из множества мыслей авторов самые главные и ценные и делать обобщения.

Конспект – это способ самостоятельно изложить содержание книги или статьи в логической последовательности. Конспектируя какой-либо источник, надо стремиться к тому, чтобы немногими словами сказать о многом. В тексте конспекта желательно поместить не только выводы или положения, но и их аргументированные доказательства (факты, цифры, цитаты).

Писать конспект можно и по мере изучения произведения, например, если прорабатывается монография или несколько журнальных статей. Составляя тезисы или конспект, всегда делайте ссылки на страницы, с которых вы взяли конспектируемое положение или факт, – это поможет вам сократить время на поиск нужного места в книге, если возникает потребность глубже разобраться с излагаемым вопросом или что-то уточнить при написании письменных работ.

#### IV. КОНТРОЛЬ ДОСТИЖЕНИЯ ЦЕЛЕЙ КУРСА

№ п/п	Контролируемые разделы / темы дисциплины	Код индикатора достижения компетенции	Результаты обучения	Оценочные средства	
				текущий контроль	промежуточная аттестация
1	Основные классы регулярных функций в единичном круге; оценки коэффициентов, теоремы искажения и покрытия	ПК-2.1 Использует методы современной математики при решении теоретических и прикладных задач	Знает: классические и современные методы решения задач по выбранной тематике научных исследований	Коллоквиум (УО-2) ИДЗ	Вопросы к экзамену 1-4
			Умеет: выдвигать научную гипотезу, принимать участие в ее обсуждении		
			Владеет навыками профессионального мышления, необходимыми для адекватного использования методов современной математики в теоретических и прикладных задачах		
2	Граничные точки, их типы	ПК-2.2 Осуществляет организационное управление научно-исследовательскими и научно-производственными работами, научным коллективом	Знает основы организации научно-исследовательской деятельности, принципы управления научным коллективом	Коллоквиум (УО-2)	Вопросы к экзамену 5-7
			Умеет планировать этапы проведения научно-исследовательских и научно-производственных работ, в том числе коллективных, определять приоритетные задачи		
			Владеет навыками постановки задач по выбранной тематике, организации работы научного коллектива при выполнении научно-исследовательских и научно-		

			производственных работ		
3	Метод площадей	ПК-2.3 Готовит научные публикации и выступления на научных семинарах	<p>Знает основы исследовательской деятельности;</p> <p>Умеет оценивать значимость получаемых результатов;</p> <p>Владеет навыками подготовки научной публикации, выступлений на научных семинарах</p>	Индивидуальное домашнее задание (ПР-6)	Вопросы к экзамену 8-9
4	Интегральные представления некоторых функций	ПК-4.1 Организует и проводит исследование рынка услуг дополнительного образования детей и взрослых, обосновывает включение научно-исследовательских и научно-образовательных объектов в образовательную среду и процесс обучения математике	<p>Знает принципы и подходы к организации предметной среды математики; научно-исследовательский и научно-образовательный потенциал конкретного региона, где осуществляется образовательная деятельность;</p> <p>Умеет использовать возможности социокультурной среды региона в целях достижения результатов обучения математике;</p> <p>Владеет навыками проектирования элементов образовательной среды школьной математики на основе учета возможностей конкретного региона</p>	Коллоквиум (УО-2)	Вопросы к экзамену 10-12
5	Интегральные средние	ПК-4.2 Проектирует элементы образовательной среды школьной математики на основе учета возможностей конкретного региона	<p>Знает компоненты образовательной среды и их дидактические возможности;</p> <p>Умеет обосновывать и включать научно-исследовательские и научно-образовательные объекты в образовательную среду и процесс обучения математике;</p> <p>Владеет навыками проектирования элементов образовательной среды школьной математики на основе учета возможностей конкретного региона</p>	Индивидуальное домашнее задание (ПР-6)	Вопросы к экзамену 13
		ПК-4.3 Планирует и проектирует образовательный процесс, элементы образовательной программы	<p>Знает принципы и подходы к организации предметной среды математики; научно-исследовательский и научно-образовательный потенциал конкретного региона, где осуществляется образовательная деятельность</p> <p>Умеет планировать образовательный процесс, занятия и (или) циклы занятий;</p> <p>Владеет навыками корректировки содержания программ учебных дисциплин</p>	Коллоквиум (УО-2)	Вопросы к экзамену 14-16

Типовые контрольные задания, методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений и навыков и (или) опыта деятельности, а также качественные критерии оценивания, которые описывают уровень сформированности компетенций, представлены в разделе VIII.

## **V. СПИСОК УЧЕБНОЙ ЛИТЕРАТУРЫ И ИНФОРМАЦИОННО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ**

### **Основная литература**

1. Пантелеев А.В., Якимова А.С. Теория функций комплексного переменного и операционное исчисление в примерах и задачах. Лань, 2015  
<https://e.lanbook.com/reader/book/67463/#1>
2. Шабунин М. И., Сидоров Ю. В. Теория функций комплексного переменного. Изд-во Лаборатория знаний, 2020.  
<https://e.lanbook.com/book/151505>
3. Аливердиева Э.И., Сметюхова А.В. Теория функций комплексного переменного: Учебное пособие, Изд-во МИСИС, 2018.  
<https://e.lanbook.com/book/115287>

### **Дополнительная литература:**

1. В. Н. Дубинин Емкости конденсаторов и симметризация в геометрической теории функций комплексного переменного; Российская академия наук, Дальневосточное отделение, Институт прикладной математики. Владивосток : Дальнаука, 2009 – 390 с.  
<https://lib.dvfu.ru:8443/lib/item?id=chamo:295187&theme=FEFU>
2. И. П. Карасев Теория функций комплексного переменного : учебное пособие для вузов. Москва : Физматлит, 2008 – 214 с.  
<https://lib.dvfu.ru:8443/lib/item?id=chamo:674408&theme=FEFU>

### **Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети**

#### **«Интернет»**

1. [http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\\_id=44671](http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=44671) Туганбаев А.А. Введение в геометрическую теорию функций комплексного переменного Издательство "ФЛИНТА" 2012
2. <https://e.lanbook.com/book/100107> Туганбаев А.А. Функции комплексного переменного: учеб.пособие Издательство "ФЛИНТА" 2017

### **Профессиональные базы данных и информационные справочные системы**

1. База данных Scopus <http://www.scopus.com/home.url>
2. База данных Web of Science <http://apps.webofknowledge.com/>

3. Общероссийский математический портал Math-Net.Ru  
<http://www.mathnet.ru>
  4. Электронная библиотека диссертаций Российской государственной библиотеки <http://diss.rsl.ru/>
  5. Электронная библиотека Европейского математического общества  
<https://www.emis.de/>
- Электронные базы данных EBSCO <http://search.ebscohost.com/>

## VI. МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

### Планирование и организация времени, отведенного на изучение дисциплины.

Приступить к освоению дисциплины следует незамедлительно в самом начале учебного семестра. Рекомендуется изучить структуру и основные положения Рабочей программы дисциплины. Обратит внимание, что кроме аудиторной работы (лекции, практические занятия) планируется самостоятельная работа, итоги которой влияют на окончательную оценку по итогам освоения учебной дисциплины. Все задания (аудиторные и самостоятельные) необходимо выполнять и предоставлять на оценку в соответствии с графиком.

В процессе изучения материалов учебного курса предлагаются следующие формы работ: чтение лекций, практические занятия, задания для самостоятельной работы.

*Лекционные занятия* ориентированы на освещение вводных тем в каждый раздел курса и призваны ориентировать студентов в предлагаемом материале, заложить научные и методологические основы для дальнейшей самостоятельной работы студентов.

*Практические занятия* акцентированы на наиболее принципиальных и проблемных вопросах курса и призваны стимулировать выработку практических умений.

Особо значимой для профессиональной подготовки студентов является *самостоятельная работа* по курсу. В ходе этой работы студенты отбирают необходимый материал по изучаемому вопросу и анализируют его. Студентам необходимо ознакомиться с основными источниками, без которых невозможно полноценное понимание проблематики курса.

Освоение курса способствует развитию навыков обоснованных и самостоятельных оценок фактов и концепций. Поэтому во всех формах контроля знаний, особенно при сдаче экзамена, внимание обращается на понимание проблематики курса, на умение практически применять знания и делать выводы.

**Работа с литературой.** Рекомендуется использовать различные возможности работы с литературой: фонды научной библиотеки ДВФУ

и электронные библиотеки (<http://www.dvfu.ru/library/>), а также доступные для использования другие научно-библиотечные системы.

**Подготовка к экзамену.** К сдаче экзамена допускаются обучающиеся, выполнившие все задания (практические, самостоятельные), предусмотренные учебной программой дисциплины, посетившие не менее 85% аудиторных занятий.

## **VII. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ**

Перечень материально-технического и программного обеспечения дисциплины приведен в таблице.

### **Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины**

Наименование специальных помещений и помещений для самостоятельной работы	Оснащенность специальных помещений и помещений для самостоятельной работы	Перечень лицензионного программного обеспечения. Реквизиты подтверждающего документа
690922, Приморский край, г. Владивосток, остров Русский, полуостров Саперный, поселок Аякс, 10, корпус D, ауд. D732. Учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации	Помещение укомплектовано специализированной учебной мебелью (посадочных мест – 45)  Оборудование: ЖК-панель 47", Full HD, LG M4716 CCBA – 1 шт. Доска аудиторная.	
690922, Приморский край, г. Владивосток, остров Русский, полуостров Саперный, поселок Аякс, 10, корп. А (Лит. П), Этаж 10, каб. А1017. Аудитория для самостоятельной работы	Оборудование: Моноблок Lenovo C360G-i34164G500UDK – 15 шт. Интегрированный сенсорный дисплей Polymedia FlipBox - 1 шт. Копир-принтер-цветной сканер в e-mail с 4 лотками Xerox WorkCentre 5330 (WC5330C – 1 шт.)	

Для проведения учебных занятий по дисциплине, а также для организации самостоятельной работы студентам доступно следующее лабораторное оборудование и специализированные кабинеты, соответствующие действующим санитарным и противопожарным нормам, а также требованиям техники безопасности при проведении учебных и научно-производственных работ.

В целях обеспечения специальных условий обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья в ДВФУ все здания оборудованы пандусами, лифтами, подъемниками, специализированными местами, оснащенными туалетными комнатами, табличками информационно-навигационной поддержки.

## **VIII. ФОНДЫ ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ**

Для дисциплины «Введение в геометрическую теорию функций комплексного переменного» используются следующие оценочные средства:

Устный опрос:

1. Коллоквиум (УО-2)

Письменные работы:

1. Индивидуальное домашнее задание (ПР-6)

### **Устный опрос**

Устный опрос позволяет оценить знания и кругозор студента, умение логически построить ответ, владение монологической речью и иные коммуникативные навыки.

Обучающая функция состоит в выявлении деталей, которые по каким-то причинам оказались недостаточно осмысленными в ходе учебных занятий и при подготовке к зачёту.

Коллоквиум (УО-2) – средство контроля, организованное как специальная беседа преподавателя с обучающимся на темы, связанные с изучаемой дисциплиной, и рассчитанное на выяснение объема знаний обучающегося по определенному разделу, теме, проблеме и т.п.

### **Письменные работы**

Письменный ответ приучает к точности, лаконичности, связности изложения мысли. Письменная проверка используется во всех видах контроля и осуществляется как в аудиторной, так и во внеаудиторной работе.

Индивидуальное домашнее задание (ПР-6) – средство для закрепления и практического освоения материала по определенному разделу.

**Методические рекомендации, определяющие процедуры оценивания результатов освоения дисциплины**

### **Оценочные средства для промежуточной аттестации**

Промежуточная аттестация студентов по дисциплине «Введение в геометрическую теорию функций комплексного переменного» проводится в соответствии с локальными нормативными актами ДВФУ и является обязательной. Форма отчётности по дисциплине – экзамен (1-й, осенний семестр). Экзамен по дисциплине включает ответы на 3 вопроса. Два вопроса носят теоретический характер, один вопрос носит практический характер.

### **Методические указания по сдаче экзамена**

Экзамен принимается ведущим преподавателем. При большом количестве групп у одного преподавателя или при большой численности потока по распоряжению заведующего кафедрой (заместителя директора по учебной и воспитательной работе) допускается привлечение в помощь ведущему преподавателю других преподавателей. В первую очередь привлекаются преподаватели, которые проводили практические занятия по дисциплине в группах.

В исключительных случаях, по согласованию с заместителем директора Школы по учебной и воспитательной работе, заведующий кафедрой имеет право принять экзамен в отсутствие ведущего преподавателя.

Форма проведения экзамена (устная, письменная и др.) утверждается на заседании кафедры по согласованию с руководителем в соответствии с рабочей программой дисциплины.

Во время проведения экзамена студенты могут пользоваться рабочей программой дисциплины, а также с разрешения преподавателя, проводящего экзамен, справочной литературой и другими пособиями (учебниками, учебными пособиями, рекомендованной литературой и т.п.).

Время, предоставляемое студенту на подготовку к ответу на экзамене, должно составлять не более 30 минут. По истечении данного времени студент должен быть готов к ответу.

Присутствие на экзамене посторонних лиц (кроме лиц, осуществляющих проверку) без разрешения соответствующих лиц (ректора либо проректора по учебной и воспитательной работе, директора Школы, руководителя ОПОП или заведующего кафедрой), не допускается. Инвалиды и лица с ограниченными возможностями здоровья, не имеющие возможности самостоятельного передвижения, допускаются к экзамену с сопровождающими.

При промежуточной аттестации обучающимся устанавливается оценка «отлично», или «хорошо», или «удовлетворительно», или «неудовлетворительно».

В зачетную книжку студента вносится только запись «отлично», или «хорошо», или «удовлетворительно», запись «неудовлетворительно» вносится только в экзаменационную ведомость. При неявке студента на экзамен в ведомости делается запись «не явился».

### **Вопросы к экзамену**

1. Преобразования, сохраняющие однолиственность отображений.
2. Теорема площадей, ее следствие.
3. Оценка второго тейлоровского коэффициента однолистных функций.
4. Теорема искажения для однолистных функций.
5. Теорема роста однолистных функций.
6. Теорема покрытия.



7. Оценка логарифмической производной для однолистных функций.
8. Оценка интегральных средних для однолистных функций.
9. Оценка длин линий уровня для однолистных функций.
10. Звездообразные функции. Критерий звездообразности.
11. Выпуклые функции. Критерий выпуклости.
12. Представление гармонических функций по формуле Пуассона.
13. Представление аналитических функций по формуле Шварца.
14. Представление аналитических функций с положительной вещественной частью по формуле Рисса-Герглота.
15. Отображение полуплоскости на многоугольники по формуле Кристоффеля-Шварца.
16. Обратная задача Кристоффеля-Шварца

### **Критерии выставления оценки студенту на экзамене**

К экзамену допускаются обучающиеся, выполнившие программу обучения по дисциплине, прошедшие все этапы текущей аттестации.

<b>Оценка</b>	<b>Требования к сформированным компетенциям</b>
<b>«отлично»</b>	Студент показывает глубокое и систематическое знание всего программного материала и структуры конкретного вопроса, а также основного содержания и новаций лекционного курса по сравнению с учебной литературой. Студент демонстрирует отчетливое и свободное владение концептуально-понятийным аппаратом, научным языком и терминологией соответствующей научной области. Знание основной литературы и знакомство с дополнительно рекомендованной литературой. Логически корректное и убедительное изложение ответа.
<b>«хорошо»</b>	Знание узловых проблем программы и основного содержания лекционного курса; умение пользоваться концептуально-понятийным аппаратом в процессе анализа основных проблем в рамках данной темы; знание важнейших работ из списка рекомендованной литературы. В целом логически корректное, но не всегда точное и аргументированное изложение ответа.
<b>«удовлетворительно»</b>	Фрагментарные, поверхностные знания важнейших разделов программы и содержания лекционного курса; затруднения с использованием научно-понятийного аппарата и терминологии учебной дисциплины; неполное знакомство с рекомендованной литературой; частичные затруднения с выполнением предусмотренных программой заданий; стремление логически определенно и последовательно изложить ответ.
<b>«неудовлетворительно»</b>	Незнание, либо отрывочное представление о данной

	проблеме в рамках учебно-программного материала; неумение использовать понятийный аппарат; отсутствие логической связи в ответе.
--	--

### **Оценочные средства для текущей аттестации**

Текущая аттестация студентов по дисциплине проводится в соответствии с локальными нормативными актами ДВФУ и является обязательной.

Текущая аттестация проводится в форме контрольных мероприятий (коллоквиума, индивидуального домашнего задания) по оцениванию фактических результатов обучения студентов и осуществляется ведущим преподавателем.

Объектами оценивания выступают:

- учебная дисциплина (активность на занятиях, своевременность выполнения различных видов заданий, посещаемость всех видов занятий по аттестуемой дисциплине);
- степень усвоения теоретических знаний;
- уровень овладения практическими умениями и навыками по всем видам учебной работы;
- результаты самостоятельной работы.

Составляется календарный план контрольных мероприятий по дисциплине. Оценка посещаемости, активности обучающихся на занятиях, своевременность выполнения различных видов заданий ведётся на основе журнала, который ведёт преподаватель в течение учебного семестра.

### **Вопросы к коллоквиумам**

1. Преобразования, сохраняющие однолиственность отображений.
2. Теорема площадей, ее следствие.
3. Оценка второго тейлоровского коэффициента однолистных функций.
4. Теорема искажения для однолистных функций.
5. Теорема роста однолистных функций.
6. Теорема покрытия.
7. Оценка логарифмической производной для однолистных функций.
8. Оценка интегральных средних для однолистных функций.
9. Оценка длин линий уровня для однолистных функций.
10. Звездообразные функции. Критерий звездообразности.
11. Выпуклые функции. Критерий выпуклости.
12. Представление гармонических функций по формуле Пуассона.
13. Представление аналитических функций по формуле Шварца.
14. Представление аналитических функций с положительной вещественной частью по формуле Рисса-Герглота.

15. Отображение полуплоскости на многоугольники по формуле Кристоффеля-Шварца.

16. Обратная задача Кристоффеля-Шварца

### Критерии оценивания

Оценка	Требования к сформированным компетенциям
«отлично»	Студент показывает глубокое и систематическое знание всего программного материала и структуры конкретного вопроса, а также основного содержания и новаций лекционного курса по сравнению с учебной литературой. Студент демонстрирует отчетливое и свободное владение концептуально-понятийным аппаратом, научным языком и терминологией соответствующей научной области. Знание основной литературы и знакомство с дополнительно рекомендованной литературой. Логически корректное и убедительное изложение ответа.
«хорошо»	Знание узловых проблем программы и основного содержания лекционного курса; умение пользоваться концептуально-понятийным аппаратом в процессе анализа основных проблем в рамках данной темы; знание важнейших работ из списка рекомендованной литературы. В целом логически корректное, но не всегда точное и аргументированное изложение ответа.
«удовлетворительно»	Фрагментарные, поверхностные знания важнейших разделов программы и содержания лекционного курса; затруднения с использованием научно-понятийного аппарата и терминологии учебной дисциплины; неполное знакомство с рекомендованной литературой; частичные затруднения с выполнением предусмотренных программой заданий; стремление логически определенно и последовательно изложить ответ.
«неудовлетворительно»	Незнание, либо отрывочное представление о данной проблеме в рамках учебно-программного материала; неумение использовать понятийный аппарат; отсутствие логической связи в ответе.

### Критерии оценки индивидуальных домашних заданий

Оценка	Требования
«зачтено»	Студент выполняет индивидуальное домашнее задание в полном объеме с соблюдением необходимой последовательности проведения измерений, правильно самостоятельно определяет цель работы; самостоятельно, рационально выбирает необходимое оборудование для получения наиболее точных результатов проводимой работы. Грамотно и логично описывает ход работы, правильно формулирует вы-

	<p>воды, точно и аккуратно выполняет все записи, таблицы, рисунки, чертежи, графики, вычисления и т.п., умеет обобщать фактический материал. Допускается два/три недочёта или одна негрубая ошибка и один недочёт. Работа соответствует требованиям и выполнена в срок.</p>
<b>«не зачтено»</b>	<p>Студент выполнил индивидуальное домашнее задание не полностью, объём выполненной части не позволяет сделать правильные выводы; не определяет самостоятельно цель работы; в ходе работы допускает одну и более грубые ошибки, которые не может исправить, или неверно производит наблюдения, измерения, вычисления и т.п.; не умеет обобщать фактический материал. Индивидуальное домашнее задание не выполнено.</p>