



МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Дальневосточный федеральный университет»  
(ДВФУ)

---

---

**ШКОЛА БИОМЕДИЦИНЫ**

«СОГЛАСОВАНО»  
Руководитель ОП

\_\_\_\_\_ В.И.Короченцев.  
(подпись) (Ф.И.О. рук. ОП)  
« \_\_\_\_ » \_\_\_\_\_ 2017г.

«УТВЕРЖДАЮ»  
Департамент фундаментальной и клинической ме-  
дицины

\_\_\_\_\_ Гельцер Б.И.  
« \_\_\_\_ » \_\_\_\_\_ 2017г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**  
**«ЛИНЕЙНАЯ АЛГЕБРА И АНАЛИТИЧЕСКАЯ ГЕОМЕТРИЯ»**  
**направление 12.03.04 Биотехнические системы и технологии**  
**профиль Медицинские информационные системы**  
**Бакалавриат. Форма подготовки очная**

курс 1 семестр 1  
лекции 18 час.  
практические занятия 36 час.  
лабораторные работы – не предусмотрено учебным планом  
всего часов аудиторной нагрузки 54час.  
в том числе с использованием МАО 12 час.  
самостоятельная работа 63 час.  
контрольные работы – 1  
курсовая работа / курсовой проект – не предусмотрено учебным планом  
зачет – не предусмотрено учебным планом  
подготовка к экзамену 27 час  
экзамен 1 семестр

Рабочая программа составлена в соответствии с требованиями ОС ВО ДВФУ от 10.03.2016  
Рабочая программа дисциплины обсуждена на заседании кафедры алгебры, геометрии и анализа  
протокол № от « » 2017 г.

Заведующая кафедрой Р.П. Шепелева

Составитель: Плаксина.И.В

**I. Рабочая учебная программа пересмотрена на заседании кафедры:**

Протокол от « \_\_\_\_\_ » \_\_\_\_\_ 20\_\_ г. № \_\_\_\_\_

Заведующий кафедрой \_\_\_\_\_  
(подпись) (и.о. фамилия)

**II. Рабочая учебная программа пересмотрена на заседании кафедры:**

Протокол от « \_\_\_\_\_ » \_\_\_\_\_ 20\_\_ г. № \_\_\_\_\_

Заведующий кафедрой \_\_\_\_\_  
(подпись) (и.о. фамилия)

## **Аннотация дисциплины «Линейная алгебра и аналитическая геометрия»**

Дисциплина «Линейная алгебра и аналитическая геометрия» разработана для студентов, обучающихся по направлению подготовки 12.03.04 Биотехнические системы и технологии. Общая трудоемкость составляет 4 зачетных единиц (144 часов), реализуется на 1 курсе в 1 семестре. Форма контроля – экзамен.

Дисциплина «Линейная алгебра и аналитическая геометрия» относится к дисциплинам базовой части блока 1 Дисциплины (модули) учебного плана (Б1.Б.11).

**Целями** освоения дисциплины «Линейная алгебра и аналитическая геометрия» являются формирование и развитие личности студентов, их способностей к алгоритмическому и логическому мышлению, а так же обучение основным математическим понятиям и методам линейной алгебры и аналитической геометрии. Изучение курса способствует расширению научного кругозора и повышению общей культуры будущего специалиста, развитию его мышления и становлению его мировоззрения.

### **Задачи дисциплины:**

- формирование устойчивых навыков по применению фундаментальных положений аналитической геометрии и линейной алгебры при изучении профессиональных дисциплин и научном анализе ситуаций, с которыми выпускнику приходится сталкиваться в профессиональной и общекультурной деятельности;

- освоение методов матричного исчисления, векторной алгебры, аналитической геометрии на плоскости и в пространстве при решении практических задач;

- обучение применению методов аналитической геометрии и линейной алгебры для построения математических моделей реальных процессов.

Для успешного изучения дисциплины «Линейная алгебра и аналитическая геометрия» у студентов должны быть сформированы предварительные компетенции, приобретенные в результате обучения в средней общеобразовательной школе:

- способность к самоорганизации и самообразованию;
- способность применять соответствующий математический аппарат.

В результате изучения данной дисциплины у студентов формируются элементы следующих общепрофессиональных компетенций:

Код и формулировка компетенции	Этапы формирования компетенции	
<b>ОПК-1</b> - способностью представлять адекватную современному уровню знаний научную картину мира на основе знания основных положений, законов и методов естественных наук и математики	Знает	основные математические понятия, законы и методы; базовые понятия математической логики, необходимые для формирования суждений по соответствующим профессиональным проблемам
	Умеет	решать математические задачи; выполнять алгебраические и тригонометрические преобразования; представлять математические утверждения и их доказательства
	Владеет	методами анализа и синтеза изучаемых явлений и процессов; пакетами прикладных программ, используемых в профессиональной деятельности; умением применять аналитические и численные методы решения поставленных задач
<b>ОПК-2</b> - способностью выявлять естественнонаучную сущность проблем, возникающих в ходе профессиональной деятельности, привлекать для их решения соответствующий физико-математический аппарат	Знает	различные способы представления процессов и явлений, необходимых для описания биотехнических систем
	Умеет	выявлять математическую сущность процессов и явлений, предложить различные методы их описания и решения
	Владеет	физико-математическим аппаратом, необходимым для описания биотехнических систем

Для формирования вышеуказанных компетенций в рамках дисциплины «Линейная алгебра и аналитическая геометрия» применяются следующие методы активного обучения: «лекция-пресс-конференция», «дискуссия».

# ***I. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ТЕОРЕТИЧЕСКОЙ ЧАСТИ КУРСА*** **(18 ЧАС.)**

## **Модуль 1. Матрицы и определители (5 час.)**

**Тема 1.** Теория определителей и матриц. (1 час )

**Тема 2.** Обратная матрица. (1 час)

**Тема 3.** Исследование на совместность системы линейных алгебраических уравнений. Метод Крамера, Гаусса. (1 час)

**Тема 4.** Комплексные числа: алгебраическая, тригонометрическая, показательная формы. Формула Эйлера. Действия над КЧ. (1 час)

**Тема 5.** Многочлены. Корни многочлена. Основная теорема алгебры, следствия из неё. (1 час)

## **Модуль 2. Векторная алгебра (4 час.)**

**Тема 1.** Вектор – направленный отрезок. Длина вектора. Ортогональная проекция вектора на ось и плоскость. (1 час)

**Тема 2.** Коллинеарность, компланарность, равенство векторов. Линейные операции над векторами. (1 час)

**Тема 3.** Скалярное, векторное, смешанное произведение векторов. (1 часа)

**Тема 4.** Линейная зависимость векторов. Базис, координаты, размерность. Теоремы о свойствах базиса и координат.(1 часа)

## **Модуль 3. Аналитическая геометрия (9 час.)**

**Тема 1.** Основные задачи аналитической геометрии. (1 час)

**Тема 2.** Линейные преобразования на плоскости. Алгебраические линии и поверхности. (1 час)

**Тема 3.** Геометрический смысл уравнения 1-го порядка на плоскости. Различные виды уравнения прямой. Геометрический смысл уравнения 1-го порядка в пространстве, виды уравнения плоскости. (1 час)

**Тема 4.** Прямая в пространстве – пересечение двух плоскостей, общее и каноническое уравнения. (1 час)

**Тема 5.** Основные задачи на прямую и плоскость, решаемые методами векторной алгебры. (1 час)

**Тема 6.** Вывод канонических уравнений эллипса, гиперболы, параболы на основе характеристических свойств этих кривых. (1 часа)

**Тема 7.** Исследования свойств кривых 2-го порядка. (1 часа)

**Тема 8.** Приведение кривой 2-го порядка к каноническому виду, классификация кривых 2-го порядка. (1 час)

**Тема 9.** Поверхности второго порядка. (1 час)

## ***II. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ПРАКТИЧЕСКОЙ ЧАСТИ (36 ЧАС.)***

### **Практические занятия (36 час.)**

- 1.**  
онечные суммы.
- 2.**  
пределители 2, 3-го порядка. Решение систем линейных алгебраических уравнений. Метод Крамера.
- 3.**  
етод Гаусса.
- 4.**  
ействия с матрицами - сложение, умножение, вычисление обратной матрицы.
- 5.**  
амостоятельная работа.
- 6.**  
омплексные числа. Многочлены.
- 7.**  
инейные операции над векторами. Линейная зависимость векторов.
- 8.**  
калярное произведение векторов
- 9.**  
екторное произведение векторов.
- 10.**  
мешанное произведение векторов. СР-векторная алгебра.
- 11.**  
рямая на плоскости.
- 12.**  
рямая на плоскости.
- 13.**  
рямая в пространстве. Плоскость.

14. Р - прямая на плоскости
15. кривые второго порядка.
16. кривые второго порядка. Приведение к каноническому виду.
17. решение СЛАУ в векторном виде.
18. собственные числа и собственные векторы.

### **III. КОНТРОЛЬ ДОСТИЖЕНИЙ ЦЕЛЕЙ КУРСА**

#### **1. Формы и методы для текущего контроля**

В процессе изучения дисциплины студенту требуется выполнить ИДЗ и контрольные работы, которые выдаются преподавателем в течение семестра. Каждому студенту в начале учебного процесса сообщается номер его варианта по порядковому номеру в журнале, который сохраняется до конца семестра.

При изучении дисциплины студент может воспользоваться следующими учебниками и методическими пособиями в качестве рекомендаций по выполнению домашних и контрольных работ:

1. Индивидуальные задания по высшей математике. Т.1. А.П. Рябушко, В.В. Бархатов и др. Минск: Высшая школа, 2000г, 303с.
2. Индивидуальные задания по высшей математике. Т.2. А.П. Рябушко, В.В. Бархатов и др. Минск: Высшая школа, 2003г, 350с.
3. Индивидуальные задания по высшей математике. Т.3. А.П. Рябушко, В.В. Бархатов и др. Минск: Высшая школа, 2005г, 367с.

#### **Темы индивидуальных домашних заданий**

1. Определители.
2. Системы линейных алгебраических уравнений.
3. Комплексные числа и многочлены.
4. Скалярное произведение.
5. Векторное и смешанное произведение.
6. Прямая на плоскости.
7. Прямая, плоскость в пространстве.
8. Приведение к каноническому виду кривых 2 порядка.

**Контрольные тесты для определения минимального уровня освоения программы дисциплины.**

1. Конечные суммы. СР.
2. СЛАУ. СР.
3. Векторная алгебра. СР.
4. Прямая на плоскости. КР.

### **Перечень типовых экзаменационных вопросов**

1. Определители 2-го, 3-его порядка, свойства.
2. Действия над матрицами, свойства.
3. Обратная матрица, свойства.
4. Определитель n-ого порядка. Основные теоремы.
5. Комплексные числа и действия над ними в алгебраической и показательной форме.
6. Многочлены. Корни многочлена, кратные корни. Теорема о разложении многочлена на линейные и квадратичные множители.
7. Геометрические векторы и линейные операции над ними.
8. Линейная зависимость системы векторов. Базис. Основная теорема о линейной зависимости.
9. Проекция вектора на ось. Свойства проекций.
10. Скалярное произведение векторов. Свойства.
11. Векторное произведение векторов. Свойства.
12. Смешанное произведение векторов. Свойства.
13. Вывод формул Крамера для системы  $3 \times 3$ .
14. Замена базиса.
15. Прямая в пространстве.
16. Прямая на плоскости.
17. Плоскость.
18. Основные задачи: расстояние от точки до плоскости, от точки до прямой, расстояние между скрещивающимися прямыми.
19. Признаки параллельности и перпендикулярности прямых и плоскостей.
20. Пучок прямых, плоскостей, связка плоскостей.
21. Вывод канонических уравнений эллипса, гиперболы и параболы. Свойства.
22. Преобразования координат на плоскости: параллельный перенос, поворот.
23. Приведение уравнения кривых второго порядка к каноническому виду. Инварианты.
24. Понятие линейной независимости столбцов матрицы. Теоремы о базисном миноре, о ранге матрицы. Необходимое и достаточное условие равенства нулю определителя.

25. Условие совместности СЛАУ. Теорема Кронеккера-Капелли.
26. Вывод формул Крамера для системы  $n$ -ого порядка.
27. Общее решение однородной СЛАУ.
28. Структура общего решения неоднородной СЛАУ.
29. Линейное пространство. Базис и размерность. Основная теорема.
30. Подпространство и линейная оболочка. Теорема о размерности суммы и пересечении подпространств.

#### **IV. ТЕМАТИКА И ПЕРЕЧЕНЬ КУРСОВЫХ РАБОТ**

Курсовая работа не предусмотрена.

#### **V. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ**

##### **Основная литература**

1. Архипов Г.И., Садовничий В.А., Чубариков В.Н. Лекции по математическому анализу. – М.: Высшая школа, 2000. – 694 с.
2. Никольский С.М. Курс математического анализа. – М.: Физматлит, 2001. – 592 с.
3. Бугров Я.С., Никольский С.М. Дифференциальные уравнения. Кратные интегралы. Ряды. Функции комплексного переменного. – Ростов-на-Дону: Феникс, 1997. – 512 с.
4. Демидович Б.П. Краткий курс высшей математики. - М.: АСТ, 2003. – 656 с.
5. Зорич В.А. Математический анализ. В двух частях. МЦНМО, 2002. – 1476 с.
6. Пискунов Н.С. Дифференциальное и интегральное исчисления для втузов. Т. 1; Учебное пособие для втузов. - М.: Наука. Главная редакция физико-математической литературы. 1985. - 432 с.
7. Пискунов Н.С. Дифференциальное и интегральное исчисления для втузов. Т. 2; Учебное пособие для втузов. - М.: Наука. Главная редакция физико-математической литературы. 1985. – 560 с.
8. Письменный Д.Т. Конспект лекций по высшей математике. 1 часть. - М.: Рольф, 2001. – 288 с.
9. Письменный Д.Т. Конспект лекций по высшей математике. 2 часть. - М.: Рольф, 2001. – 272 с.
10. Задачи и упражнения по математическому анализу для втузов. / Под ред. Демидовича Б.П. – М.: АСТ, 2002. – 496 с.
11. Высшая математика. Линейная алгебра и аналитическая геометрия [Электронный ресурс]: / — Электрон. текстовые данные.— Кемерово: Кемеровский государственный институт культуры, 2011 <https://lib.dvfu.ru:8443/lib/item?id=IPRbooks:IPRbooks-21960&theme=FEFU>
12. Магазинников Л.И. Линейная алгебра и аналитическая геометрия [Электронный ресурс]: учебное пособие/ Магазинников Л.И., Магазин-

никова А.Л.— Электрон. текстовые данные.— Томск: Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники, Эль Контент, 2012 <https://lib.dvfu.ru:8443/lib/item?id=IPRbooks:IPRbooks-13861&theme=FEFU>

### **Дополнительная литература**

1. Воробьев Н.Н. Теория рядов. – С-Петербург: Лань, 2002. – 408 с.
2. Воробьева Г.Н., Данилова А.Н. Практикум по вычислительной математике. - М.: Высшая школа, 1990. – 208 с.
3. Данко П.Е., Попов А.Г., Кожевникова Т.Я. Высшая математика в упражнениях и задачах. Ч.1. – М.: ОНИКС 21, 2002. – 304 с.
4. Данко П.Е., Попов А.Г., Кожевникова Т.Я. Высшая математика в упражнениях и задачах. Ч.2. – М.: ОНИКС 21, 2002. – 314 с.
5. Ильин В.А., Поздняк Э.Г. Основы математического анализа Ч.1. М.: Физматлит, 2002. – 646 с.
6. Ильин В.А., Поздняк Э.Г. Основы математического анализа Ч.2. М.: Физматлит, 2002. – 464 с.
7. Кудрявцев Л.Д. Краткий курс математического анализа. Т.1. М.: Физматлит, 2002. – 400 с.
8. Кудрявцев Л.Д. Краткий курс математического анализа. Т.2. М.: Физматлит, 2002. – 424 с.
9. Кудрявцев Л.Д., Кутасов А.В. Сборник задач по математическому анализу. Т.1. Предел. Непрерывность. Дифференцируемость. М.: Физматлит, 2003. - 496с.
10. Кудрявцев Л.Д., Кутасов А.В. Сборник задач по математическому анализу. Т.2. Интегралы. Ряды. М.: Физматлит, 2003. - 504с.
11. Сборник задач по курсу высшей математики для втузов. Ч.1. Линейная алгебра и основы математического анализа. /Под общей ред. Ефимова А.В., Демидовича Б.П. – М.: Наука, 1991. – 462 с.
12. Сборник задач по курсу высшей математики для втузов. Ч.2. Специальные разделы математического анализа. /Под общей ред. Ефимова А.В., Демидовича Б.П. – М.: Наука, 1991. – 368 с.
13. Шестаков А.А., Малышева И.А., Полозков Д.П. Курс высшей математики: Интегральное исчисление. Дифференциальные уравнения. Векторный анализ. – М.: Высшая школа, 1987. – 320 с.

### **Справочная литература**

1. Выгодский М.Я. Справочник по высшей математике. М.: АСТ, 2003, - 992 с.
2. Полянин А.Д. Справочник для студентов технических вузов М.: АСТ, 2002, - 736 с.
3. Зайцев В.Ф., Полянин А.Д. Справочник. Обыкновенные диф. уравнения. М.: Физматлит, 2001. – 576 с.

## **Программное обеспечение**

При выполнении курсовых работ, ИДЗ, РГЗ, рефератов следует использовать математические пакеты такие, как MATHCAD, MAPLE, EXCEL.